Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

INDICE

| Programa | 3 |
|---|----|
| | |
| Números Naturales | |
| Sistema de Numeración Decimal | 5 |
| Características Principales del Sistema Decimal | 5 |
| Sistema de numeración romano | 7 |
| Reglas para la representación de números romanos | 8 |
| Algunos números romanos | 9 |
| Números naturales | 10 |
| Relación de orden | 10 |
| Antecesor y sucesor | 11 |
| Representación de los naturales en la recta numérica | |
| Secuencias numéricas | |
| Operaciones con números naturales | 13 |
| Adición de Números Naturales | |
| Propiedades | 14 |
| Sustracción de números naturales | |
| Propiedades | 15 |
| Multiplicación de Números Naturales | |
| Propiedades | |
| Multiplicación de un natural por la unidad seguida de cer | |
| División de Números Naturales | |
| Propiedades | |
| División por la unidad seguida de cero | |
| - · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | |

| Potenciación | |
|---|----|
| Potencia de exponente 2 | 20 |
| Potencia de exponente 3 | |
| Algunas curiosidades | 22 |
| Radicación | 22 |
| Propiedad distributiva | 24 |
| Operaciones combinadas | 25 |
| Ecuaciones | 26 |
| Interpretación de Gráficos Estadísticos | 28 |
| Divisibilidad | 28 |
| Criterios de divisibilidad | 29 |
| Números primos | 31 |
| Números compuestos | 32 |
| Números co-primos o primos entre si | 32 |
| Forma abreviada para factorizar | |
| Máximo común divisor | |
| Mínimo común múltiplo | 34 |
| EJERCITACION | 35 |
| | |
| Números racionales | 53 |
| Clasificación de fracciones | 56 |
| Numero mixto | 56 |
| Equivalencia de fracciones | 58 |
| Orden y equivalencia | 58 |

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

| Amplificación | 59 |
|-------------------------------------|----|
| Simplificación | |
| Operaciones con números racionales | 61 |
| Adición | 62 |
| Sustracción | 63 |
| Multiplicación | 64 |
| División | 65 |
| Números decimales | 66 |
| Decimales exactos | 69 |
| Decimales periódicos | 69 |
| Operaciones con decimales | 70 |
| Adición de números decimales | 70 |
| Sustracción de números decimales | 70 |
| Multiplicación de números decimales | 71 |
| División de números decimales | |
| EJERCITACION | 74 |
| Sistema Métrico Legal Argentino | 84 |

| EJERCITACION | 9(|
|--|-----|
| | |
| Geometría | 95 |
| Semirrecta | |
| Segmentos | |
| Semiplano | 96 |
| Posiciones relativas de dos rectas en el plano | 96 |
| Rectas paralelas. | |
| Ángulo | 98 |
| Clasificación | |
| Bisectriz | 99 |
| Mediatriz | 100 |
| Triángulo | 100 |
| Clasificación de triángulos | 100 |
| Rectángulo | 10 |
| Cuadrado | 102 |
| Círculo | 102 |
| EJERCITACION | 103 |

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Programa

Los Números Naturales

- Sistemas de numeración decimal y romano. Relaciones de orden.
- Operaciones:
 - o Adición, elementos y propiedades.
 - Sustracción, elementos y propiedades.
 - Multiplicación, como expresión de la suma de sumandos iguales. Elementos y propiedades. Multiplicación por la unidad seguida de ceros.
 - División exacta y entera: concepto, elementos y propiedades. División por unidad seguida de ceros.
 - Potenciación: concepto, elementos y propiedades. Cuadrado y cubo de los diez primeros números naturales.
 - o Radicación: concepto y elementos
- Ejercicios combinados
- Planteo y resolución de ecuaciones sencillas.
- Interpretación de gráficos estadísticos.
- Divisibilidad, criterios, múltiplos y divisores.
- Números primos y compuestos.
- Divisor común mayor. Propiedades
- Múltiplo común menor. Propiedades.

Los Números Racionales

- Clasificación de las fracciones.
- Relaciones, orden y comparación.
- Propiedad fundamental: simplificación y ampliación.
- Conversión de fracción ordinaria a número decimal y viceversa.
- Operaciones, adición, sustracción, multiplicación y división con números racionales y decimales

SI.ME.L.A.

Sistema métrico legal Argentino.

- Medidas de longitud.
- Medidas de masa.
- Medidas de capacidad.
- Medidas de superficie.
- Medidas de tiempo

Conjuntos geométricos

- Punto, recta y plano.
- Semirrecta, segmento, semiplano, figuras.
- Mediatriz de un segmento: Construcción
- Posiciones relativas de dos rectas en el plano.
- Angulo: Concepto y elementos.
- Clasificación de ángulos: recto, agudo obtuso y llano.

Matemática

- Medición: uso del transportador.
- Ángulos consecutivos, complementarios y suplementarios, adyacentes y opuestos por el vértice
- Bisectriz de un ángulo. Construcción.
- Triángulo: concepto, elementos, clasificación y construcción. Perímetros y superficies



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- Rectángulo y cuadrado. Propiedades. Construcción, perímetros y superficie.
- Circunferencia y círculo. Líneas de la circunferencia. Longitud de la circunferencia. Superficie del círculo.
- Áreas y perímetros de figuras compuestas.

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Los Números Naturales

Sistema de numeración decimal

En la mayoría de las actividades que desarrolla el hombre necesariamente debe llegar a establecer un resultado o expresión numérica. En ingeniería, en arquitectura, en medicina, en química, etc. las magnitudes deben expresarse en forma concreta, es decir, con un número y una unidad correspondiente. Ej: 5 m; 8 hs.

Los símbolos numéricos que hoy se utilizan fueron introducidos por los matemáticos árabes, quienes los habrían tomado de los hindúes. Los símbolos que se usan son 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, a estos símbolos básicos se los llama cifras o dígitos.

Características principales del sistema de numeración decimal

En un número, cada dígito tiene un valor absoluto y un valor relativo.

La base del sistema decimal es diez. Diez unidades de un orden cualquiera forman una unidad del orden inmediatamente superior.

En un número, cada posición es diez veces mayor que la que está inmediatamente a su derecha.

Por lo tanto, cada dígito en un número tiene:

- ☑ Un valor absoluto: que es el dígito en sí mismo
- ☑ Un valor relativo: que es el valor que tiene según la posición que ocupa.

Así: en el 586 el valor absoluto de 5 es 5, el de 8 es 8 y el 6 es 6 pero el valor relativo de 5 es 500 unidades o 50 decenas o 5

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Cuando no hay cifras para un determinado lugar se usa el 0. Así: 4 centenas; 8 unidades forman el 408, como se observa el 0 ocupa el lugar de las decenas.

Valor posicional: El valor de los dígitos según su posición en un número, hasta la centena de millón, aparece en el cuadro siguiente:

| 9ª Posición | 8 ª Posición | 7ª Posición | 6ª Posición | 5ª Posición | 4ª Posición | 3ª Posición | 2ª Posición | 1ª Posición |
|-----------------------|-----------------|----------------|----------------|----------------|--------------------|----------------|----------------|----------------|
| Centenas de millón | | | | | unidades de mil | centenas | decenas | unidades |
| cmi | dmi | umi | cm | dm | um | С | d | u |

Diez unidades forman una decena, diez decenas forman una centena, diez centenas forman una unidad de mil. etc.

En el número 222 el mismo dígito tiene distintos valores relativos de acuerdo a la posición que ocupa.

| 2 | 2 | 2 | | |
|------------|-----------|------------|--|--|
| 2 centenas | 2 decenas | 2 unidades | | |

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

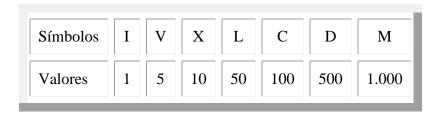
Entonces, los valores relativos del dígito 2, según su posición en el número son los siguientes:

| | 2 | 2 | | 2 | | |
|-----------------|-------------------|-------------------|-------------|------------|---|-----|
| 2 × 100 unidade | es = 200 unidades | 2 × 10 unidades = | 20 unidades | 2 unidades | | |
| | | | | | • | |
| 200 | + | 20 | + | 2 | = | 222 |

Sistema de numeración romana-No posicional:

La numeración romana es el sistema de representación de los números empleados por los romanos. El sistema es no posicional porque cada símbolo tiene un valor absoluto que no depende de la posición que ocupa en el número y por lo tanto no usa el cero.

La numeración romana se representa a través de los siguientes símbolos:



I- X - C - M: Símbolos fundamentales

V - L - D: Símbolos auxiliares

Recuerda: en este sistema no existe el cero.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Reglas para la escritura de los números romanos

- 1. Un mismo símbolo fundamental no se puede repetir más de tres veces.-
- 2. Los símbolos auxiliares V, L y D no se repiten.
- 3. Los símbolos que se repiten se suman entre sí.
- 4. Los símbolos que van a la derecha de otro mayor se suman.
- 5. Un símbolo que va a la izquierda de uno mayor que él se resta.- Sólo los símbolos I, X y C se restan a los dos que le siguen en la sucesión fundamental.
- 6. El valor de los números romanos queda multiplicado por mil tantas veces como rayas horizontales se coloquen encima de los mismos.
- 7. Un símbolo menor escrito entre dos mayores resta al que tiene a la derecha.

Equivalencia de decenas: 10 = X 40 = XL

30 = XXX 60 = LX 90 = XC

Ejemplos:

LV = 55 porque 50 + 5 = 55

XCIX = 99 porque 100 - 10 = 90; 10 - 1 = 9 y 90 + 9 = 99

CM = 900 porque 1000 - 100 = 900

 \overline{IV} = 4000 porque es 4.1000 = 4000

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

El caso particular de un millón puede escribirse de dos forma:

 \overline{M} = 1 000 000

o bien

 $\bar{I} = 1000000$

Algunos números romanos

| 1 = I | 2 = II | 3 = III | 4 = IV | 5 = V | 6 = VI |
|----------------|-------------|--------------|-------------|----------------|------------|
| 7 = VII | 8 = VIII | 9 = IX | 10 = X | 11 = XI | 12 = XII |
| 13 = XIII | 14 = XIV | 15 = XV | 16 = XVI | 17 = XVII | 18 = XVIII |
| 19 = XIX | 20 = XX | 21 = XXI | 29 = XXIX | 30 = XXX | 31 = XXXI |
| 39 = XXXIX | 40 = XL | 50 = L | 51 = LI | 59 = LIX | 60 = LX |
| 61 = LXI | 68 = LXVIII | 69 = LXIX | 70 = LXX | 71 = LXXI | 74 = LXXIV |
| 75 = LXXV | 77 = LXXVII | 78 = LXXVIII | 79 = LXXIX | 80 = LXXX | 81 = LXXXI |
| 88 = LXXXVIII | 89 = LXXXIX | 90 = XC | 91 = XCI | 99 = XCIX | 100 = C |
| 101 = CI | 109 = CIX | 114 = CXIV | 149 = CXLIX | 399 = CCCXCIX | 400 = CD |
| 444 = CDXLIV | 445 = CDXLV | 449 = CDXLIX | 450 = CDL | 899 = DCCCXCIX | 900 = CM |
| 989 = CMLXXXIX | 990 = CMXC | 999 = CMXCIX | 1.000 = M | 1.010 = MX | 1.050 = ML |

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Números Naturales:

Denominamos números naturales a los números que sirven para contar 1,2,3,4,5,6,7,8,9, ...lo simbolizamos con $\mathbb N$ y luego le agregamos el cero y al conjunto formado por esos números lo denominamos los naturales sub-cero ($\mathbb N_0$)



En el conjunto de los números naturales el primer número es el 1 (uno) y en el conjunto de los números naturales sub-cero el primer elemento es el cero. Ambos conjuntos son infinitos por lo tanto no tienen último elemento.

Relación de orden:

Cuando hablamos de mayor y menor, nos referimos a la característica de orden entre números.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Antecesor y Sucesor:

Observemos que, en nuestro sistema, cada número tiene otro que le sigue y que se calcula sumándole 1 al mismo. A este número así formado lo llamamos **sucesor**. Por ejemplo, para el número 97, su sucesor es 98 pues 97 + 1 = 98.

¿Te das cuenta de por qué nuestro sistema es infinito? ¡Todo número tiene un sucesor y sólo uno!

También decimos que cada número tiene antecesor, que se obtiene restando 1 del número dado; entonces, para el número 54, su antecesor es 53 pues 54-1=53.

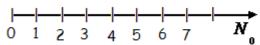
Hay un número natural que no tiene antecesor: es el 1; y en N_0 es el 0.

Representación de los números naturales en la recta numérica

Si representamos los números en la recta numérica podemos decir, excluyendo el cero, que el antecesor de un número natural es aquel que está inmediatamente a su izquierda y su sucesor el que está ubicado inmediatamente a la derecha del mismo.

Por ejemplo:

El número que está inmediatamente a la izquierda del 1, en la recta numérica, es el 0, luego, el antecesor de 1 es 0 pero el 0 no tiene antecesor en este conjunto numérico.



De iqual forma se tiene que:

- el antecesor de 3 es 2

- el antecesor de 6 es 5

- el antecesor de 100 es 99

Si analizamos el sucesor de un número natural en la recta numérica lo ubicamos a la derecha del número dado.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

10

11

Por ejemplo:

El número que está inmediatamente a la derecha del 0, en la recta numérica, es el 1. Luego, el sucesor de 0 es 1.

De iqual forma se tiene que:

- el sucesor de 2 es 3

- el sucesor de 5 es 6

- el sucesor de 1059 es 1060

Siguiendo en la recta numérica podemos decir que un número es menor que otro cuando uno está ubicado a la izquierda del otro, es decir, más cerca del 0.

¿Cuándo es mayor? Si está ubicado a la derecha de otro en la recta numérica, es decir, está más lejos del 0.

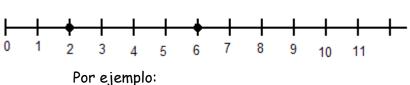
El símbolo matemático usado para indicar mayor es > y para indicar el menor es <.

Así:

2 es menor que 6

2 < 6 10 es mayor que 6

10 > 6



328 < 856

У

856 > 328

3

328 es menor que 856

856 es mayor que 328

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Secuencias numéricas

Son sucesiones de números que van avanzando o retrocediendo, en la recta numérica, la misma cantidad de espacios.

Así, hay secuencias de 1 en 1; de 6 en 6, de 100 en 100, etcétera.

Observa:

En esta secuencia cambia la cifra de las centenas, entonces va creciendo de 100 en 100.

En esta secuencia cambia la cifra de las unidades, entonces va decreciendo de 5 en 5.

Operaciones con Números Naturales

I-Adición de Números Naturales

Los términos de la adición se llaman sumandos y el resultado se llama suma o total:

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Para resolver una suma de números naturales se debe ordenar los sumandos de tal modo que siempre sumen cifras del mismo orden: unidades con unidades, decenas con decenas, centenas con centenas, etc.

Propiedades

1 - Uniforme

La suma tiene resultado único.

8 + 4 = 12 y siempre que sumes estos números, el resultado o suma obtenido será 12.

2 - Conmutativa

$$a + b = b + a$$

Si se cambia el orden de los sumandos; la suma no varía.

$$18 + 3 = 3 + 18$$

3 - Asociativa

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

Si se agrupan los sumandos de distintas maneras, la suma no cambia.

$$(38+15)+20=38+(15+20)$$

 $53+20=38+35$
 $73=73$

4 - Elemento neutro

a + 0 = 0 + a El elemento neutro sumado a cual-

quier número

= a no altera dicho número.

El elemento neutro es cero en el No.

$$25 + 0 = 25$$

II -Sustracción de Números Naturales.

iCuántas veces decimos: me queda ..., me falta..., la diferencia es...! Ahí nos referimos a la sustracción, una operación que tiene como elementos...

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014



Tenemos la siguiente sustracción: 17 - 5 = 12 Pero, ¿por qué es 12?

Porque 12 + 5 = 17

Entonces, la sustracción es la operación inversa a la adición. Por eso, para comprobar si la diferencia está correcta, se suma el resto, más el sustraendo y debemos obtener el minuendo.

Pero en 3 - 12 = ?

No podemos resolver la resta en números naturales porque el minuendo es menor que el sustraendo.

Sólo se puede resolver la resta de números naturales cuando el minuendo es mayor o igual que el sustraendo.

Propiedades

- 1.- La sustracción de números naturales goza de la propiedad uniforme. Tiene resultado ÚNICO. 7 5 = 2
- 2. NO goza de la propiedad conmutativa

Ejemplo: 8-5=3 no es igual a 5-8= no tiene solución en los naturales.

3.- NO goza de la propiedad asociativa: tampoco podemos asociar

Ejemplo: En el caso: 6 - 3 - 2 = 1 no se verifica la igualdad si asociamos:

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

$$6-(3-2) \neq (6-3)-2$$

 $6-1 \neq 3-2$
 $5 \neq 1$

4. - Elemento neutro únicamente a la derecha. 15 - 0 = 15 Podemos comprobar que **NO** goza de las mismas propiedades que la suma.

III-Multiplicación de Números Naturales

La multiplicación es la abreviatura de la adición de sumandos iguales.

Ejemplo: 9 + 9 + 9 + 9 + 9 es lo mismo que 5 veces 9; es decir, 9×5 . En la multiplicación hablamos de factores y producto; estos son sus elementos:



¿Hay alguna multiplicación que no tenga producto? Todas lo tienen.

Propiedades

1. - Propiedad uniforme: Tiene un resultado único. $7 \times 9 = 63 \text{ y } 63 \text{ es el único resultado.}$

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- 2.- ¿Importa el orden de los factores? No importa, porque **ies conmutativa!** $5 \times 9 = 9 \times 5$ El orden de los factores no altera el producto
- 3.- Propiedad asociativa: ¿Se pueden multiplicar factores y reemplazarlos? Si, les asociativa! si se reemplazan dos o más factores por su producto efectuado, el producto total no varía. $6 \times 5 \times 3 = 90$ pero usando paréntesis

$$(6\times5)\times3 = 6\times(5\times3)$$
$$30\times3 = 6\times15$$
$$90 = 90$$

- 4.- Elemento neutro: ¿Hay algún número natural que al multiplicar a otro no lo modifica? Si el 1. Por ejemplo: $5 \times 1 = 5$.

 Entonces 1 es el elemento neutro
- 5. Elemento absorbente ¿Y qué pasa con el 0? $42 \times 0 = 0$ Entonces 0 es el elemento absorbente.
- 6. Disociativa: Si un factor se reemplaza por dos o más factores de los que es producto, el resultado no varía. Ej: $3 \times 10 \times 8 = 3 \times 2 \times 5 \times 8$ Resultado: 240 Se reemplazó a 10 por los factores 2×5

Multiplicación de un número natural por la unidad seguida de ceros

Multiplicar un número cualquiera por 10, 100, 1000,... es muy fácil observemos la multiplicación siguiente:

$$\begin{array}{c}
354 \\
\times 100 \\
\hline
35400
\end{array}$$

$$354 \times 100 = 35400$$

A 354 se lo multiplica por 1 quedando 354 y luego se le agregan los dos 0 del 100, por lo tanto:

Para multiplicar un número natural por la unidad seguida de ceros se escribe el número dado y a su derecha se le agregan tantos ceros como tenga la unidad.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Así: $15 \times 10\ 000 = 150\ 000$

1 048 × 1000 = 1 048 000

 $79 \times 10 = 790$

IV - División de Números Naturales

Algunos piensan que esta operación es egoísta, porque se relaciona con separar.

iAl contrario! es una expresión clara de justicia. Ella se encarga de repartir y lo hace siempre en partes iguales.

Sus elementos son:



12:3=4 porque $4\times 3=12$

Entonces, la división es la operación **inversa** a la multiplicación. Por eso, para comprobar si la división está correcta, se multiplica el cociente por el divisor y se obtiene el dividendo.

Cuando una división no es exacta, aparece el resto.

¿Cómo sabemos si una división es exacta? Es cuando tiene como resto cero.

Analicemos: 240:12=20 porque, $20\times12=240$ Se llama división exacta.

Ahora analicemos otro caso:

71:9=7 ¿es $7 \times 9=71$? **i NO**! Entonces hay un resto de 8 que se pone debajo del dividendo. iEste resto nos indica que es inexacta! Puedes usar este método para comprobar si tus divisiones están correctas.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Matemática

Entonces: dividendo \leftarrow 71 9 \longrightarrow divisor resto \leftarrow 8 7 \longrightarrow cociente

En toda división entera el dividendo es igual al cociente por el divisor más el resto.

Dividendo = cociente x divisor + resto

$$71 = 7 \times 9 + 8$$

 $71 = 63 + 8$
 $71 = 71$

Propiedades:

Uniforme: La división tiene resultado único.

No es conmutativa: Ej. 36:6 no es igual a 6:36.

No es asociativa: Ej. $(32:8):2 \neq 32:(8:2)$ $4:2 \neq 32:4$ $2 \neq 8$

División por la unidad seguida de cero:

Para dividir un número por la unidad seguida de ceros, se suprimen en el dividendo tantos ceros como siguen a la unidad en el divisor y éste es el cociente : Ej. a) 4500 : 10 = 450; b) $78\ 000 : 100 = 780$; c) 230:10=23

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

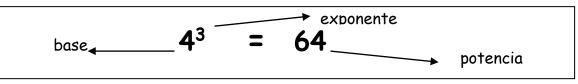
Curso de Ingreso 2014

V - Potenciación de Números Naturales

Observa esta multiplicación:

 $4 \times 4 \times 4$

El factor 4 se repite. Hay una forma abreviada de expresarla: y lo leemos como "cuatro al cubo" o "4 elevado a la 3". ¿Cómo llamamos a esta expresión? Es una **potencia**. Tiene **base**, que es el factor que se repite y **exponente** que indica las veces que se repite.



Otros ejemplos. :

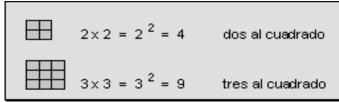
 $2 \times 2 \times 2 = 2^3$

 $5 \times 5 = 5^2$

Potencia de exponente 2

La potencia dos de un número se lee: elevado al cuadrado

Elevar un número **a** a la potencia **2** es equivalente a armar un cuadrado cuyos lados miden **a**.



Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

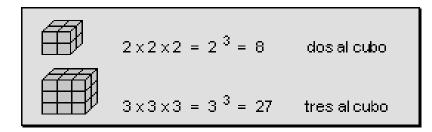
La siguiente tabla muestra los cuadrados de los diez primeros números

| a | 1 | 2 | З | 4 | 5 | 6 | 7 | 80 | 9 | 10 |
|----------------|---|---|---|----|----|----|----|----|----|-----|
| a ² | ۲ | 4 | 9 | 16 | 25 | 36 | 49 | 64 | 81 | 100 |

Potencia de exponente 3

La potencia tres se lee elevado al cubo.

Elevar un número ${\bf a}$ a la potencia ${\bf 3}$ es equivalente a armar un cubo cuyas aristas miden ${\bf a}$.



La siguiente tabla muestra los cubos de los diez primeros números

| а | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-----|---|---|----|----|-----|-----|-----|-----|-----|------|
| a 3 | 1 | 8 | 27 | 64 | 125 | 216 | 343 | 512 | 729 | 1000 |

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Algunas curiosidades!!!!!!!

1.- \dot{c} Es lo mismo 4^3 que 3^4 ?

No, $4 \times 4 \times 4 = 64$, mientras que $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

2. – A qué será igual un número natural elevado a la potencia 1? 5^1 o bien a^1

Para resolver estos casos piensa que la base no se repite como factor, por lo tanto, da el mismo número.

Entonces: $5^1 = 5$ o bien en general $a^1 = a$

Para estos casos el exponente 1 suele no escribirse.

Potencia de exponente unidad es aquella potencia cuyo exponente es 1.

Ej: $3^1 = 3$

 $4^{1} = 4$

 $7^{1} = 7$

3. - Toda potencia de exponente 0 y base distinta de 0 es igual a 1.

Así: $7^{\circ} = 1$ $128^{\circ} = 1$

4. - Se puede calcular la potencia de cualquier número natural pero las potencias de 10, son muy especiales:

 $10^2 = 100$; $10^3 = 1000$; $10^6 = 1000000$

El valor del resultado se compone del 1 seguido de ceros, pero ¿cuántos..? Los que dice el exponente.

VI.- Radicación de Números Naturales

La radicación es la operación inversa de la potenciación.

En el ejemplo dado en potenciación queríamos calcular a que es igual 4³ y nos dio 64. El problema que deseamos resolver ahora es:

Matemática



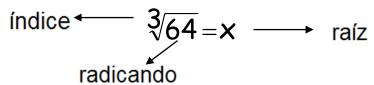
Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

¿Cuál será el número que elevado al cubo nos dé por resultado 64? Esto se plantea con símbolos matemáticos de la siguiente forma:

 $x^3 = 64$ o bien:

Cada número tiene distintos nombres:



El número que cumple con esta condición es el 4. Entonces: la raíz cúbica de 64 es 4.

Otros ejemplos:

$$\sqrt{16} = 4$$
 porque $4^2 = 16$ $\sqrt[3]{343} = 7$ porque $7^3 = 343$

$$\sqrt[3]{343} = 7$$
 porque $7^3 = 343$

En la siguiente tabla se ven las raíces cuadrada y cúbica de las diez primeras potencias

| n | 1 | 4 | 9 | 16 | 25 | 36 | 49 | 64 | 81 | 100 |
|------------|---|---|---|----|----|----|----|----|----|-----|
| \sqrt{n} | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |

| n | 1 | 8 | 27 | 64 | 125 | 216 | 343 | 512 | 729 | 1000 |
|---------------|---|---|----|----|-----|-----|-----|-----|-----|------|
| $\sqrt[3]{n}$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Propiedad distributiva....

La propiedad distributiva permite vincular distintas operaciones:

| Propiedad distributiva de la | Ejemplos | |
|---|---|------------------------------------|
| multiplicación con respecto a la su- | 3.(5+7)=3.5+3.7 | 6.(12-9) = 6.12-6.9 |
| ma o a la resta (puede estar ubicada | 3.12 = 15+21 | 6.3 = 72 - 54 |
| a la derecha o a la izquierda) | 36 = 36 | 0.3 - 72 34 |
| | (45+15):5=45:5+15:5 | (80 - 64) : 8 = 80 : 8 - 64 : 8 |
| división con respecto a la suma o a la resta (solo a la derecha) | 60:5=9+3 | 16 : 8 = 10 - 8 |
| la resta (solo a la del echa) | 12 = 12 | 2 = 2 |
| potenciación con respecto a la mul- | $(2.7)^2 = 2^2.7^2$ | $(10:2)^3 = 10^3:2^3$ |
| tiplicación o a la división | $14^2 = 4.49$ | $5^3 = 1000 : 8$ |
| Tipricación o a la división | 196 = 196 | 125 = 125 |
| radicación con respecto a la multi- plicación o a la división | $\sqrt[3]{216.8} = \sqrt[3]{216} \cdot \sqrt[3]{8}$ | $\sqrt{81:9} = \sqrt{81}:\sqrt{9}$ |
| | $\sqrt[3]{1728} = 6.2$ | $\sqrt{9} = 9:3$ |
| | 12 = 12 | 3 = 3 |

Nota

No se aplica la propiedad distributiva en la potenciación y radicación con respecto a la suma y a la resta

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Operaciones combinadas

Cada una de las operaciones cumple un propósito específico dentro del cálculo matemático. Sin embargo, en muchas oportunidades aparecen combinadas sumas, restas, multiplicaciones, divisiones, potencias o raíces ya sea con paréntesis o sin ellos. Para resolver operaciones combinadas procederemos de la siguiente manera:

- 1° Debes separar en términos. Recuerda que la separación se realiza solo en los signos más y menos + y que no estén entre paréntesis.
- 2° Debes realizar las operaciones que figuran en cada término. Si hay paréntesis, debes resolver antes las operaciones que están en su interior
- 3°- Debes resolver las sumas y restas que quedan planteadas.

Ejemplo:

$$= 4 \cdot 3 + 8 \cdot 6 \cdot 3 - 10 \cdot 5$$

= $12 + 16 - 2$

$$= 26$$

b)
=
$$(12-9) \cdot 2 + 7 \cdot (4-3)$$

= $3 \cdot 2 + 7 \cdot 1$
= $6 + 7$
= 13

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Ecuaciones

¿Sabes que es una ecuación? Es una igualdad en donde no se conoce un valor. Los valores desconocidos se los llama incógnita y se los denomina, generalmente, con las últimas letras del abecedario

Resolver una ecuación significa calcular el valor desconocido.

Por ejemplo:

X + 6 = 10 es una ecuación y x = 4 es la solución o el valor de la incógnita.

Para la resolución de ecuaciones es necesario el conocimiento de las operaciones inversas. Así, por ejemplo:

$$x + 8 = 19$$

 $x = 19 - 8$
 $x = 11$
 $x = 11$
 $x = 40$
 $x - 3 = 11$
 $x = 11 + 3$
 $x = 14$
 $x = 21 : 7$
 $x = 3$

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Si se combinan varias operaciones, es importante que tengas en cuenta el orden en que debes realizar los pasajes. Por ejemplo, en:

$$(x + 2) : 3 - 1 = 10$$

1º debes
trasponer el 1
2º debes
trasponer el 3
3º debes
trasponer el 2

 $(x + 2) : 3 = 10 + 1$
 $(x + 2) : 3 = 11$
 $(x + 2) : 3 = 10$
 $(x + 2) : 3 = 10$

Siempre debes verificar si el resultado obtenido satisface la ecuación, este proceso se denomina verificación Para este caso:

$$(31 + 2) : 3 - 1 = 10$$

 $33 : 3 - 1 = 10$
 $11 - 1 = 10$
 $10 = 10$

Matemática

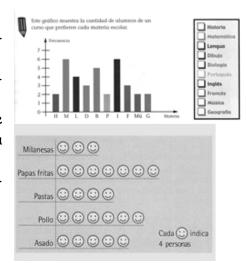


Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Interpretación de Gráficos Estadísticos

- ¿Te gustaría saber qué programa de televisión les gusta más a tus compañeros? ¿Qué deporte practica la mayoría? ¿Cuál es el gusto preferido de helado?
- A las personas nos interesan muchas cosas. Para averiguar algunas de ellas es preciso recoger información, ordenarla, contar los datos, comparar.
- Los gráficos estadísticos, llamados también "diagramas", son una representación visual de datos estadísticos por medio de puntos, líneas, barras, polígonos o figuras asociadas a escalas de medición, que permite una fácil comprensión de la información.
- ¿Has visto en medios de comunicación escrita, gráficos o imágenes para presentar una noticia?



Divisibilidad

La divisibilidad permite analizar los números, y determinar si se cumple o no la división exacta.



Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Si tenemos un número que es dividido exactamente por otro, decimos que es divisible. Es decir, el primer número es múltiplo del segundo y éste, a su vez, es divisor del primero.

Analicemos un ejemplo: 10 es **divisible** por 5, entonces 10 es **múltiplo** de 5, y 5 es **divisor** de 10. Se llama **divisor** de un número a aquel que lo divide una cantidad exacta de veces.

La divisibilidad determina las condiciones que debe cumplir un número natural para ser divisible por otro natural. Estas condiciones reciben el nombre de **criterios**.

Criterios de divisibilidad

Un número es divisible por:

- 2, si y solo sí termina en cifra par. Ejemplo: 2, 8, 24, 480.
- 3, si y solo si la suma de sus cifras es múltiplo de 3. Ejemplo 342, pues 3 + 4 + 2 = 9 y 9 es múltiplo de 3.
- 4, si y solo si la suma de la cifra que ocupa el lugar de las unidades más el duplo de la cifra de las decenas es múltiplo de 4. Ejemplo: 1596 cifra unidad = 6 ; cifra decenas = 9

$$6 + 9 \cdot 2 =$$

 $6 + 18 = 24$ que es múltiplo de 4.

O bien, si y solo si las dos últimas cifras son ceros o forman un múltiplo de 4. Ejemplo 1600 y 316.

- 5, sí y sólo si termina en cero o cinco. Ejemplo: 105, 75, 1550.
- 6, sí y sólo si es divisible por 2 y por 3 a la vez. Ejemplo: 36 es divisible por 2 pues termina en cifra par; y por 3 pues 3 + 6 = 9 y 9 es múltiplo de 3; luego es divisible por 6.
- 7, sí y sólo si la diferencia entre las decenas del número y el duplo de la cifra que ocupa el lugar de las unidades(o inversa) es cero o múltiplo de 7. Ejemplo: el 651 tiene 65 decenas y la cifra de las unidades es 1. Entonces:

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

65 - 1 . 2 = 63 que es múltiplo de 7

• 8, sí y sólo si la suma de la cifra que ocupa el lugar de las unidades más el duplo de la cifra que ocupa el lugar de las decenas más el cuádruplo de la cifra que ocupa el lugar de las centenas es múltiplo de 8. O bien si las tres últimas cifras son ceros o múltiplos de 8. Ejemplo: 536 cifra unidad: 6; cifra decena: 3; cifra centena: 5

$$6 + 2 \cdot 3 + 4 \cdot 5 = 32$$
 que es múltiplo de 8

- 9, sí y sólo si la suma de sus cifras es múltiplo de 9. Ejemplo 1620 ; 1 + 6 + 2 + 0 = 9 y 9 es múltiplo de 9.
- 10, 100, 1000 etc; sí y sólo si termina por lo menos en un cero; en dos o tres ceros. Ejemplos 180; 4200; 2500.
- 11, sí y solo si la diferencia entre la suma de las cifras que ocupan los lugares impares y la suma de las cifras que ocupan los lugares pares sea cero o múltiplo de 11 (en ese orden o en el orden inverso). Ejemplo : 1815

| Lugares | 1 | 8 | 1 | 5 | |
|------------|---|----|---|---|----|
| Impar | | 8 | + | 5 | 13 |
| Par | 1 | + | 1 | | 2 |
| Diferencia | | 13 | - | 2 | 11 |

l 11 es múltiplo de 11

• 12, sí y sólo si es divisible por 3 y 4 a la vez. Ejemplo 144 es divisible por 3 y por 4; también por 12.

Algunos ejemplos:

414, divisible por 2 y 4 + 1 + 4 = 9, divisible por 3, entonces les divisible por 6! y por 9.

Hay números que son divisibles por varios a la vez. Observa el número 1.200

- tiene 0 en la cifra que ocupa el lugar de la unidad, entonces es divisible por 2, 5 y 10.
- tiene 0 en la cifra de la unidad y 0 en la cifra de la decena, entonces es divisible por 4.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- sus cifras suman 3:
- 1 + 2 + 0 + 0 = 3, entonces es divisible por 3.
- como se dividió por 2 y por 3, es divisible por 6 y...
- por el único que no es divisible es por 9.

Por ejemplo: 1.500 es divisible por 4 porque termina en dos ceros;

128 es divisible por 4 porque sus dos últimos dígitos (28) forman un número múltiplo de 4.

120 es divisible por 5 porque el último dígito es cero.

135 es divisible por 5 porque el último dígito es 5.

567 es divisible por 9 ya que 5 + 6 + 7 = 18 y 18 es múltiplo de 9, pero no es divisible por 2 porque es impar.

20, 30, 100, 1.300, son divisibles por 10 ya que terminan por lo menos en un cero.

Hay otros que son divisibles sólo por el 1 y ellos mismos. Revisemos el número 101.

- La cifra de la unidad no es par.
- la suma de sus cifras no es múltiplo de 3, sus cifras suman 2. 1+0+1=2.
- La cifra de las unidades y decenas no son múltiplo de 4, ni tampoco 00.
- no termina en 5.
- no es divisible por 2 y 3, entonces no puede ser divisible por 6.
- la suma de sus cifras no es múltiplo de 9.
- La cifra de la unidad no es 0.

Números primos

Son aquellos que tienen solamente dos divisores distintos, el 1 y el propio número.

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Números compuestos

Son aquellos que tienen más de dos divisores. Por ejemplo, el 12 es compuesto, porque se puede descomponer en más de dos factores.

 $12 = 1 \cdot 12$

 $12 = 4 \cdot 3$

 $12 = 2 \cdot 2 \cdot 3$

Todo número compuesto se puede expresar como el producto de números primos:

 $21 = 7 \cdot 3$

En este caso el 7 y el 3 son factores primos. Un número natural se ha factorizado en forma completa cuando está expresado como producto de números primos.

Números co-primos o primos entre sí

Dos números son co-primos o primos entre sí cuando sólo tienen como divisor común el 1. Ej. 3 y 5 - 6 y 7-8 y 9.

Forma abreviada para factorizar

Dividir el número por el menor número primo por el cual sea divisible y así sucesivamente cada cociente se va dividiendo por un número primo hasta obtener cociente 1.

Los factores son todos los números primos usados como divisores.

| Łjemp | los: | | | |
|--------|-----------|------------------------|------|-------|
| Factor | rizar 48: | | O to | mbién |
| 48 : 2 | | | 48 | 2 |
| 24 : 2 | | | 24 | 2 |
| 12 : 2 | | | 12 | 2 |
| 6:2 | | | 6 | 2 |
| 3:3 | | | 3 | 3 |
| 1 | | | 1 | |
| | Luego | 48 = 2 • 2 • 2 • 2 • 3 | | - |

Máximo común divisor

Se llama divisor común mayor de dos o más números naturales al mayor número natural que los divide a todos.

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

El divisor común mayor de dos o más números naturales es de los divisores comunes, el mayor.

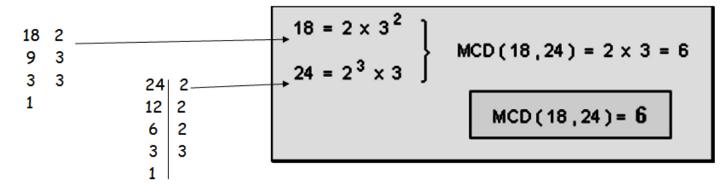
- a) El mcd de dos o más números naturales no puede ser mayor que el menor de esos números.
- b) Si uno de los números divide a todos los restantes ese número es el m.c.d de los números dados.

Ejemplos: 6, 12 y 18 6 es divisor de 6, de 12 y de 18; entonces 6 es el m.c.d entre 6, 12 y 18.

Divisores de 18
$$\rightarrow$$
 1 2 3 6 9 18 Divisores de 24 \rightarrow **1 2 3 4 6** 8 12 24

Para calcular el máximo común divisor (MCD) o divisor común mayor (dcm) de varios números (en forma rápida) se:

- Descomponer los números en factores primos.
- Elegir los factores primos comunes con su menor exponente o factores repetidos la menor cantidad de veces.
- Hallar el producto de ellos.



Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Mínimo Común Múltiplo

Se llama múltiplo común menor de dos o más números naturales al menor de los múltiplos comunes de esos números naturales.

Para calcular el mínimo común múltiplo (MCM) o múltiplo común menor (mcm) de dos o más números es el menor de los múltiplos comunes a esos números.

- a) El mcm de dos o más números naturales no puede ser menor que el mayor de esos números.
- b) Si uno de los números es múltiplo de todos los restantes ese número es el mcm de los números dados. Obtención:
 - Descomponer cada número en factores primos.
 - Elegir los factores comunes y no comunes repetidos la mayor cantidad de veces o con su mayor exponente.
 - Calcular el producto de ellos.

| 2 | 2 | 20 | 2 |
|---|---|----|---|
| 5 | 2 | 10 | 2 |
| 3 | 3 | 5 | Ę |
| l | | 1 | |

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

 $20 = 2 \times 2 \times 5$

$$m.c.m = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

= 60

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCITACIÓN

EJERCICIO Nº 4: ¿Qué se forma con....?

- **EJERCICIO Nº 1**: Escribir el numeral:
 - a) Mil doscientos seis =
 - b) Doce mil cuarenta =
 - c) Siete mil uno =
- EJERCICIO Nº 2: ¿Cómo se leen?:
 - a) 37.269:
 - b) 9.084:
 - c) 17.906:
- EJERCICIO Nº 3: ¿Qué números se forman con...?
 - a) 4 d; 3 u de mil; 7 c =
 - b) 36 u; 15 c =
 - c) 7 u de mil; 5 c; 31 u =

b) 70 u: 10 d =.....

a) 7d; 4 c; 8 u =.....

- c) 8 u de mil; 6 c; 40 u =.....
- d) 9 c; 2 u de mil; 4 c =

EJERCICIO N° 5: Forma el número de acuerdo con la información dada:

| Cifra | Valor relati- |
|-------|---------------|
| | vo |
| 8 | c. de mil |
| 4 | u. de millón |
| 3 | decenas |
| 5 | unidades |
| 2 | d. de mil |
| 1 | centenas |
| 7 | d. de millón |

Matemática

5.608

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 6:

¿Qué número se forma con 37 decenas 49 centenas y 2 unidades?

¿Cuál es el número que supera a 23 unidades de mil en 48 centenas?

EJERCICIO N° 7: Encierre en un círculo el número que tiene 5 centenas:

625 530 15.506 25.005

EJERCICIO Nº 8: Encerrar con un círculo el número que tiene 6 U de mil:

600 6.753 16.346 76.060

EJERCICIO Nº 9:

Dado el número 789.432, contesta:

- a) ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las decenas?
- b) ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las centenas?
- c) ¿Cuántas decenas tiene?
- d) ¿Cuántas centenas tiene?

- e) ¿Cuántas unidades de mil tiene?
- f) ¿Cuántas decenas de mil tiene el número?

EJERCICIO Nº 10: ¿Cuál es mayor?

- a) 36 c ó 4 u de mil
- b) 9.000 u 6 9.000 d
- c) 48 d ó 48 u

EJERCICIO Nº 11: ¿Cuál es el menor?

47 u de mil 5 d o 460 c 106 d

EJERCICIO Nº 12:

- a) ¿Cuál es el número 120 d menor que 2.000?
- b) ¿Cuál es el número 2000 u mayor que 635?

EJERCICIO Nº 13:

¿Cuál es el número 1000 u mayor de 742?

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 14:

¿Cuál es el número 235 d menor que 5.846?

EJERCICIO Nº 15

¿Cuál es el número 43 decenas menor que 28 unidades de mil?

EJERCICIO Nº 16:

¿Cuál es el número menor que puede formar con las cifras 3, 5, 7? ¿Y el mayor?

EJERCICIO Nº 17: Responde:

- a) ¿Cuál es el menor número par de tres cifras?
- b) ¿Cuál es el menor número par de tres cifras distintas?
- c) ¿Cuál es el menor número de tres cifras pares?
- d) ¿Cuál es el menor número de tres cifras pares distintas?

EJERCICIO Nº 18:

¿Cuál es el número menor de tres cifras iguales (distintas de cero)?

EJERCICIO Nº 19: Ordena de mayor a menor:

3 u de mil 4 u; 5c 2u; 35 u de mil 6 u;

EJERCICIO Nº 20: Dado el siguiente número:

178.039.526

- a) Escribe el nombre del número.
- b) Escribe con cifras el anterior.
- c) Escribe el número en sistema romano.
- d) Completa el siguiente cuadro:

| Cifra | Valor absoluto | Valor relativo |
|-------|----------------|----------------|
| 7 | | |
| 5 | | |
| 2 | | |
| 8 | | |
| 9 | | |

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

e) Contesta:

¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las centenas? ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las decenas de mil? ¿Cuántas centenas tiene el número dado?, ¿y cuántas decenas de mil?

EJERCICIO Nº 21: ¿Cuál es menor?

| a) | 311 de | mil · | 6 d | ó | 35c | 60d | : |
|----|--------|---------|-----|---|-----|-----|----------|
| u, | Julue | , ,,,,, | U U | • | JJC | UUU | · |

b) CCXL 6 2c 20d:

c) 20u de mil ó 3c:

EJERCICIO N° 22: Marcar con flechas la correspondencia:

| DIII | 1555 |
|-------|---------|
| 231 | MDLXXVI |
| 1.576 | 104 |
| MDLV | 503 |
| CIV | CCXXXI |
| | |

EJERCICIO Nº 23: Completar el siguiente cuadro:

| ANTERIOR | NUMERO | POSTERIOR |
|----------|--------|-----------|
| | 3.879 | |
| 25.530 | | |
| | | 7.009 |

EJERCICIO Nº 24: Escriba en números romanos

a) 956 =

c) 139 =

b) 645 =

d) 253 =

EJERCICIO N° 25: Escriba en sistema de numeración decimal

a) DXXXI =

c) CXL =

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

b) CCLXXIV =

d) DCCVI =

EJERCICIO Nº 26: Completar el siguiente cuadro:

| Sistema decimal | 238 | | | 207 |
|--------------------|-----|-----|--------|-----|
| Sistema romano | | DII | CMXCIX | |

EJERCICIO Nº 27: De los siguientes pares de números, ¿cuáles son iguales?

4 u 38 d

384

8 u de mil 75 u

87 d 5 u

546

DXLVI

1096

10 c 6 u 9 d

EJERCICIO Nº 28: Dado el número 1.769.218, contesta:

> 1. ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las decenas?

- 2. ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las centenas?
- 3. ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las unidades de mil?
- 4. ¿Cuál es la cifra que ocupa el lugar de las decenas de mil?
- 5. ¿Cuántas decenas tiene el número?
- 6. ¿Cuántas centenas tiene el número?
- 7. ¿Cuántas unidades de mil tiene el número?
- 8. ¿Cuántas decenas de mil tiene el número?

EJERCICIO Nº 29: Completa el siguiente cuadro colocando en cada renglón las incógnitas de la misma manera en que está el dato:

| Anterior | Número | Posterior |
|-----------|-----------------|-------------------|
| | Siete mil nueve | |
| 649.799 | | |
| | | CMLXXV |
| 1.960.999 | | |
| | | Ciento un mil uno |
| | M | |

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 30: Responde en sistema romano:

- a) ¿Cuál es el menor número par de tres cifras?
- b) Cuál es el menor número par de tres cifras distintas?
- c) ¿Cuál es el menor número de tres cifras pares?
- d) ¿Cuál es el menor número de tres cifras pares distintas?

EJERCICIO N° 31: Completa la siguiente tabla escribiendo el resultado en números romanos:

| + | 18.049 | 15.624 |
|--------|--------|--------|
| 4216 | | |
| 24.803 | | |

EJERCICIO Nº 32: Completa la siguiente tabla realizando las restas indicadas:

| | Sustraendo | | | | | |
|----------|------------|--------|--------|--------|--|--|
| Minuendo | - | 32.917 | 12.604 | 48.110 | | |
| | 54.872 | | | | | |
| | 100.904 | | | | | |

EJERCICIO Nº 33: Completa la siguiente tabla realizando las multiplicaciones indicadas:

| X | 2.568 | 100.752 |
|-------|-------|---------|
| 348 | | |
| 1.309 | | |

EJERCICIO Nº 34: Efectúa las divisiones siguientes:

| 1. | 4 566 :32 = |
|----|---------------|
| 2. | 15.608 : 65 = |

EJERCICIO N° 35:

Una escuela invirtió \$ 34.000 para acondicionar las aulas de sexto grado. Si sabemos que en 6° A y en 6° B invirtió \$ 12.580 y \$ 7.850 respectivamente. ¿Cuánto invirtió en el aula de 6° C?

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 36:

Un camionero transporta 12.500 kg de tierra en cada viaje. Si en un mes realizó 217 viajes ¿Cuántos kg de tierra transportó en total?

EJERCICIO Nº 37:

Alberto dice que dividió un número por 7 y obtuvo 9 de cociente y 17 de resto. ¿Es correcta la división que hizo Alberto? Ayúdalo a realizarla y menciona de qué número se trata.

EJERCICIO Nº 38:

Un peón gana \$ 3 cada hora y trabaja en dos lugares diferentes. En la semana trabaja de lunes a sábado y 8 horas por día. En la primera obra va dos semanas, 4 días y 7 horas y en la segunda obra asiste durante 3 semanas, 5 días. ¿Cuánto cobrará en total? Expresa el cálculo con operaciones combinadas.

EJERCICIO N° 39: Completa las casillas con las cifras que faltan.

EJERCICIO Nº 40: Expresa como operaciones combinadas y resuelve:

- a) El doble de 8 más la mitad de 24.
- b) El doble de la suma entre 42 y 74
- c) La diferencia entre el producto de 15 y 20 y el cociente entre 75 y 25

EJERCICIO N° 41: Realiza las siguientes operaciones combinadas:

a)
$$3.4 - 2.5 =$$

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Matemática

b) 12:3+18:6-15:5=

EJERCICIO Nº 42: Analiza y expresa cuales de las siguientes expresiones son potencias y cuales multiplicaciones:

a)
$$2+2+2=$$
 d) $5.5.5=$

c)
$$7.7.7=$$

EJERCICIO Nº 43:

Realizar un cuadro con los cuadrados y cubos de los diez primeros números.

EJERCICIO Nº 44: Plantea y resuelve:

- a) El cuadrado de 8 más el cubo de 2.
- b) El cubo de 10 menos el cubo de 6.
- c) La suma de: 17; el cuadrado de 5 y el cubo de 2.
- d) La diferencia entre 100 y el cuadrado de 6.

EJERCICIO Nº 45: Realiza las siguientes operaciones combinadas:

b)
$$3.(4-2).5=$$

c)
$$12:3+(18:6)^2-15:5=$$

$$d) (333 - 330) + 15 \cdot 12 + 6 =$$

e)
$$10.5 + 12:4 - 12.4 + 10^2:5 =$$

Matemática

Curso de Ingreso 2014

Colegio Nacional de Monserrat

EJERCICIO Nº 46: Resuelve:

b)
$$(4+9)$$
. $2+(13-4):3=$

c)
$$(4+2):6+(4-4).5=$$

d)
$$10^2:5^2+24:2^3-1=$$

e)
$$3^3 \cdot 2 - 3^2 + 6^2 =$$

$$f)$$
 $4^3:8+100:2^2-0.3.2=$

EJERCICIO Nº 47: Calcula:

a)
$$2^3$$
: 2^2 - $(4^2 - 2^4)$. 5 =

b)
$$(7-2.3).2^3-1^3=$$

$$c)(7^2.3-5.4)-6-1^2=$$

d)
$$10^3:8+7.5^2-6^2:9=$$

e)
$$(2.6-4)^3-12:2^2+(5^3-9^2).1^3=$$

EJERCICIO Nº 48: Plantea y resuelve:

- a) El triple de la suma entre el cuadrado de 7 y el cubo de 8.
- b) La mitad de la diferencia entre el cubo de 8 y la tercera parte de 24.
- c) La suma entre el triple de 14 y el doble de 13 decenas.
- d) La diferencia entre la cuarta parte de 1 centena y 2 docenas.
- e) El producto entre la suma de 5 y media docena y la diferencia entre 7 y 3.
- f) El cociente entre la suma de 35 decenas y 2 unidades con la diferencia entre la mitad de 10 y 1 unidad.

EJERCICIO N° 49: Expresar con operaciones combinadas y resolver:

- a) El doble de la suma entre 7 y 15.
- b) El triple de 4 más el doble de 15
- c) La diferencia entre: el cociente de 1400 y 7 y el producto de 12 y 10.

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- d) El cuadrado de 4 más el cubo de 5.
- e) La diferencia entre 500 y el cuadrado de 10.
- f) La suma de: 43; el cubo de 4 y el cubo de 3.

EJERCICIO Nº 50: Realizar las operaciones combinadas.

- a) (450 300): 25 + 10 . (15 + 5) =
- b) 7 + 10 : 2 36 : 3 + 40 . 2 =
- c) 63.5 (20 8) : 4 + 88 =
- d) 4 + [15 (10 8)] : 13 =

EJERCICIO N° 51: Plantea y resuelve los siguientes problemas:

- En una librería se recibe un pedido de: 1.428 lápices, 2.356 gomas de borrar, 723 sacapuntas y 1235 lapiceras. Los desean ordenar del siguiente modo: los lápices en cajas de una docena, las gomas de borrar en cajas de tres docenas, los sacapuntas en cajas de 1 docena y media y las lapiceras en cajas de media docena. Contesta:
 - a) ¿Cuántos artículos se recibieron en total?
 - b) ¿Cuántas cajas se necesitan para cada artículo?

- c) ¿Cuántos artículos de cada tipo quedan sin guardar en cajas?
- 2. Tres compañías aportan capitales para hacer una inversión. La compañía A aporta \$578.764, la compañía B la mitad de lo que aporta la compañía A mas \$23.709 y la compañía C aporta \$56.890 menos de lo que aporta la B. ¿Cuál es el capital total de la inversión?
- 3. Los dueños de tres campos envían sus cosechas de trigo a un depósito. El primero envía la quinta parte del segundo, éste envía 24.370 kilogramos y el tercero envía el doble de la diferencia entre los dos anteriores. El total se guarda en partes iguales en 7 silos. ¿Cuál es la producción total de los tres campos? ¿Cuántos kilogramos se guardan en cada silo?
- 4. Una biblioteca de una escuela compró libros por un valor de \$18.000. En libros de ciencias sociales fueron destinados \$ 4.550; en ciencias naturales \$ 5.355 y en Plástica \$3.078. el resto fue para libros de recreación. ¿cuánto dinero fue destinado para los libros de recreación?

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- 5. Un granjero cosechó 15.000 toneladas de cereal. Si vendió la tonelada a \$17 ¿Cuánto recaudó?
- 6. Trece parientes se repartieron \$138.532 de herencia recibida, en partes iguales. ¿Cuánto le corresponde a cada uno?
- 7. Un electricista gana \$15 por cada instalación de artefactos que realiza. En el mes trabajó las 4 semanas, instaló 10 ventiladores de techo y 8 de otros artefactos; en la 2° y 3° semana , 25 artefactos en cada una y en la 4° semana , 30 en total. ¿Cuánto ganó en el mes?

EJERCICIO Nº 52: Plantea la ecuación y calcula la incógnita:

- a) El doble de un número más 7 es igual al triple de 11.
- b) El triple de un número menos 5 es igual al siguiente de 12
- c) La diferencia entre un número y 3 es igual a la diferencia entre 10 y 5.

- d) La suma del doble de un número y el doble de una decena es igual al cuadrado de 6.
- e) La mitad de un número más 25 es igual a 33.

EJERCICIO Nº 53:

En una caja hay doble número de caramelos de menta que de limón y triple número de caramelos de naranja que de menta y limón, juntos. En total hay 312 caramelos. Halla cuántos caramelos hay de cada sabor.

- a) Limón: 25; menta: 50 y naranja: 237 caramelos
- b) Limón: 26; menta: 52 y naranja: 234 caramelos.
- c) Es imposible repartir los caramelos de esa forma.
- d) Limón: 100; menta: 200 y naranja: 12 caramelos.

EJERCICIO Nº 54:

Juan tiene 60 € en billetes de 5 € y de 10 €. Si el número de billetes de 5 € es el cuádruple del número de billetes de 10 €, ¿cuántos billetes tiene de cada clase?

a) Todos los billetes tienen que ser de 5 € para tener ese dinero.

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- b) Tiene 2 billetes de 5 € y 10 billetes de 5 €.
- c) Tiene 8 billetes de 5 € y 2 billetes de 10 €.
- d) Debe tener 30 € en billetes de 5 € y otros 30 € en billetes de 20 €

EJERCICIO N° 55:

La suma de cuatro números es igual a 90. El segundo número es el doble del primero; el tercero es el doble del segundo, y el cuarto el doble del tercero. Halla los cuatro números.

- a) Los cuatro números son: -6; -12: -24 y -48.
- b) Los cuatro números son:4; 8; 16 y 32.
- c) Los cuatro números son: 6; 12; 24 y 48.
- d) No tiene solución.

EJERCICIO Nº 56:

Hace 12 años, la edad de Pedro era el cuádruple de la edad de Isabel. Sabiendo que Pedro tenía 27 años cuando nació Isabel, halla las edades de ambos.

- a) Pedro tiene 46 años e Isabel tiene 19 años.
- b) Pedro e Isabel tienen 48 y 21 años respectivamente.
- c) Pedro tiene 47 años e Isabel debe tener 20 años.
- d) Para que tenga solución Isabel debería haber nacido antes que Pedro.

EJERCICIO N° 57: Responder marcando con una cruz según sea verdadera o falso, las siguientes igualdades:

| | | V | F |
|----|------------------------------------|---|---|
| a) | 7+ 7 + 7 = 7 ³ | | |
| b) | 8.8.2.2=82.22 | | |
| c) | 100 . 100 . 100 = 100 ³ | | |
| d) | 13 + 13 + 13 = 13 . 2 | | |
| e) | 5+8+5+8+5=5.3+8.2 | | |

EJERCICIO N° 58: Plantear y resolver las operaciones siguientes averiguando el número de que se trata:

- a) A un número, le sumo 3 y da 10.
- b) Si multiplico en número por 3 y le sumo 2 obtengo 11.
- c) El doble de un número es igual a la diferencia entre 28 y 12.

Matemática

Curso de Ingreso 2014

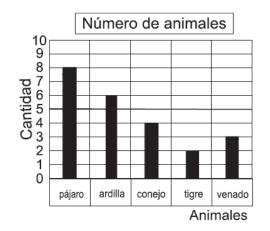
EJERCICIO Nº 59: Encerrar en un círculo la opción correcta:

Si se divide un número por 3 y el cociente es 116 y el resto es 2, el número es:

a) 348 b) 116 c) 350 d) Ninguna es correcta.

EJERCICIO N° 60: La siguiente gráfica representa la cantidad de animales de un zoo. Responda:

- a) ¿Cuantos animales de cada especie hay?
- b) ¿Qué hay más? ¿Conejos o Ardillas? ¿Cuántos más?
- c) ¿Cuál es la diferencia entre la cantidad de venados y la de tigres?

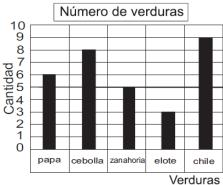


EJERCICIO Nº 61: La siguiente gráfica representa la cantidad de verduras. Responda:

Colegio Nacional de Monserrat

- a) ¿Cuantos elotes hay?
- b) ¿Cuántas verduras en total hay?

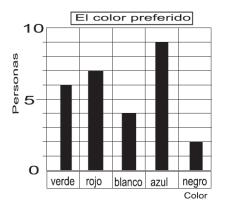
c) ¿Qué hay más, cebollas o zanahorias? ¿Cuántas más?



EJERCICIO Nº 62: Se realizó una encuesta sobre

la preferencia de colores y resulto la siguiente gráfica .Responda:

 a) ¿A cuántas personas le gusta el color rojo?



Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

- b) ¿Cuál es el color preferido? ¿A cuántas personas les gusta ese color?
- c) ¿A cuántas personas se encuestó?

EJERCICIO Nº 63: Se realizó un inventario de frutas en una verdulería y con la información obtenida se confecciográfica nó la siguiente .Responda:

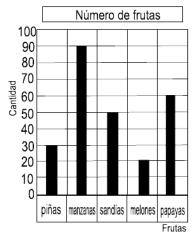
¿Cuántas frutas hay en la verdulería?

¿Cuántas sandías hay?

¿Cuál es la diferencia entre la cantidad de manzanas y de me-

lones?

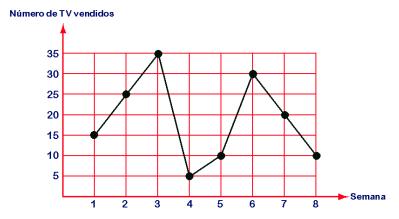
¿Cuántas manzanas más que melones hay?



EJERCICIO Nº 64: Sony analiza la venta de televisores de 43", la información se muestra a continuación. Responda:

> a) ¿Cuántos TV se vendieron en las tres primeras semanas?

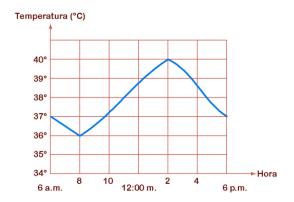
- b) ¿En qué semana se vendió un mayor número de televisores?
- c) En las 8 semanas posteriores a este gráfico, Sony vendió 165 televisores de 43'. ¿Fn cuál de los bimestres vendió más televisores de 43'? ¿Cuántos televisores más?



EJERCICIO Nº 65: Se

El gráfico representa la temperatura de un paciente durante el transcurso de 12 horas

> a) ¿A qué hora el paciente alcanzó la



Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

máxima temperatura observada?

- b) ¿Durante qué período el paciente tuvo más de 37° de temperatura?
- c) ¿Cuál fue la temperatura a las 2 p.m.?
- d) ¿A qué hora se presentó la menor temperatura?

EJERCICIO Nº 66: Calcula x:

a)
$$x + 6 = 13$$

b)
$$x - 1 = 17$$

c)
$$x - 45 = 62$$

d)
$$5.x = 40$$

e)
$$x: 3 = 7$$

$$f) 2 . x + 6 = 24$$

g)
$$3 \cdot x - 4 = 2 \cdot 7$$
 h) $4 \cdot x + 3 = 15$

h)
$$4.x + 3 = 15$$

$$k)$$
 4 . $x - 1 = 25 - 10$

EJERCICIO Nº 67: Calcula el valor de la incógnita en cada ecuación

a)
$$x:2=7$$

b)
$$3.z = 12$$

d)
$$8 + x = 20$$

e)
$$z - 10 = 35$$

$$f) 17 - y = 9$$

$$q) x : 4 + 2 = 6$$

h)
$$5.2 + z = 18$$

i)
$$3^2 + 8 \cdot y = 5 \cdot 5$$

$$k)$$
 5 + 2 . $x = 25$

1)
$$7 + z : 2 = 15$$

$$m) 2 . (y + 5) = 18$$

n)
$$2 \cdot x - 4 = (2 + 1) \cdot 2$$

p)
$$(78 - 70)^2 + x = 64$$

$$q) (6.z)^2 = 4.9$$

$$r) (9:3+1)^{x} = 64$$

s)
$$x^2 - 50 = 50$$

t)
$$10 + 2 \cdot 3 = z^2$$

u)
$$2^2 + 4^2 - z^3 = 4.3$$

EJERCICIO Nº 68: Plantea la ecuación y calcula la incógnita:

- a) El doble de un número más 6 es igual al doble de 11.
- b) El triple de un número más 5 es igual a 26.
- c) La diferencia entre un número y 15 es igual a la diferencia entre 10 y 5.
- d) La suma del doble de un número y el doble de una docena es igual al sucesor de 31.
- e) La mitad de un número más 8 es igual al cuadrado de 4.

EJERCICIO Nº 69: Completar el siguiente cuadro con los criterios de divisibilidad:

Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

N° Cuando Ejemplo 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

EJERCICIO Nº 70 Responder:

- a) ¿Existen números naturales que tienen solo dos divisores? ¿Cómo se llaman? ¿Cuáles son los divisores?
- b) ¿Existen números naturales que tienen más de dos divisores? ¿Cómo se llaman? Dé un ejemplo.
- c) Escribe un múltiplo de 5 y de 2.
- d) Escribe un múltiplo de 3 y 7 mayor que 42 y menor que 70.
- e) Con 1, 3 y 6 escribe los números que se pueden formar y que sean divisibles por 2.
- f) ¿Cuáles serán los divisores de 420?

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

4 3 9 5...., 1 9....3 1,

873..... 534.... 342....

31....2, 764....., 64.....8

5....6 2

<u>EJERCICIO N° 71</u>: Coloca una cruz en el casillero correspondiente si los siguientes números son divisores de 2, 3, 4, 5, 6, 7, 10 y 11.

| Número | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 10 | 11 |
|--------|---|---|---|---|---|---|----|----|
| 1.848 | | | | | | | | |
| 760 | | | | | | | | |
| 105 | | | | | | | | |
| 424 | | | | | | | | |

EJERCICIO Nº 72:

- a) Escribir múltiplos de 2 y 6 mayores que 32 y menor que 50.
- b) Qué números se pueden formar con los dígitos 2,3,4 sin repetir y que sean divisibles por 2 y 3, a la vez.
- c) ¿Cuáles son los divisores de 530.

EJERCICIO Nº 73: Completa con una cifra el lugar en blanco, para que el número que resulte sea divisible por el que encabeza la fila (indica todas las posibilidades en caso de existir más de una)

EJERCICIO Nº 74: Escribe Verdadero o Falso en cada proposición:

- a) Todos los números terminados en 0 son divisibles por 5.
- b) Todo número es múltiplo de sí mismo.
- c) El 1 es múltiplo de todos los números.
- d) Un número es compuesto cuando tiene sólo dos divisores.
- e) Los números 8 y 9 son primos entre sí o coprimos.

EJERCICIO N° 75: Calcular, por factoreo, el máximo común divisor (m.c.d) y el mínimo común múltiplo (m.c.m) de:

a) 66 y 242

3:

5:

4:

b) 450 y 180

c) 24, 16 y 8

d) 45 y 15

e) 75 y 24

Matemática

Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO N° 76: Hallar el divisor común mayor (d.c.m) y mínimo común múltiplo (m.c.m.) de los siguientes números:

a) 72; 48 y 64

b) 15 y 5

c) 2; 7 y 3

d) 18; 27 y 54

EJERCICIO Nº 77:

Alicia tiene una infección y debe tomar un antibiótico cada 3 horas, un antigripal cada 6 horas y colocarse una pomada cada 8 horas. A las 6 hs a.m. le administraron los tres medicamentos. ¿A qué hora vuelven a coincidir?

EJERCICIO Nº 78:

Un negocio es visitado por tres repartidores: uno va cada 20 días, otro cada 15 días y el tercero cada 24 días. Si hoy se encuentran los tres repartidores, indicar cuantos días pasarán hasta que esto vuelva a suceder.

EJERCICIO Nº 79:

Andrea y Mabel hacen collares artesanales con tres tipos de fantasías. Tienen respectivamente 180, 120 y 96 fantasías para hacer el mayor número de collares iguales sin que sobre ninguna. ¿Cuántos collares pueden hacer? ¿Cuantas fantasías de cada grupo irán en cada collar?

EJERCICIO Nº 80:

Martín tiene un barril que contiene 60 litros de jugo de naranja y otro con 75 litro de vino y los quiere envasar en el menor número de damajuanas iguales. ¿Cuántos litros contendrán cada damajuana? ¿Cuántas damajuanas necesitará?

EJERCICIO Nº 81:

Pedro concurre a un club a practicar deportes cada dos días, Mario va al mismo club cada tres días y Juan cada cuatro días. ¿Cada cuántos días coinciden los tres en el club?

EJERCICIO Nº 82:

Se desea dividir un campo rectangular de 300 m por 180 m, en parcelas cuadradas de la mayor área posible. ¿Cuánto mide el lado de cada parcela? ¿Cuál es el área de cada una?

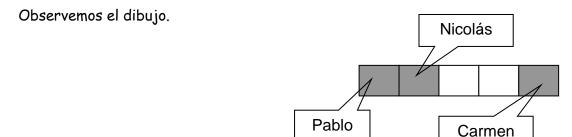


Curso de Ingreso 2014

Números Racionales

Las fracciones son números que representan una división indicada entre dos números naturales. Por ser una división las partes son iguales entre sí.

Vamos a repartir un chocolate en 5 partes iguales; le daremos un pedazo a Pablo, otro a Nicolás y otro a Carmen.



Se escriben de manera especial, distinguiéndose como sus elementos: numerador, línea de fracción y denominador.

Identificaremos cada una de estas partes a través de un ejemplo. Escribiremos la fracción que nos muestra los pedazos repartidos y la ubicación de sus elementos.

línea de fracción
$$\rightarrow \frac{3}{5} \leftarrow \text{Numerador}$$

El denominador de nuestra fracción es 5, porque indica las partes iguales en que se ha dividido nuestro chocolate.

El numerador es 3, porque hemos repartido un trozo de chocolate a 3 niños, es decir, tomamos 3 pedazos.



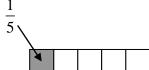
Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

La línea de fracción separa el numerador del denominador.

¿Cómo se lee nuestra fracción?





Cada uno de los trozos de chocolate corresponde a un quinto, que escrito numéricamente corresponde a:

5
5

El chocolate entero se puede identificar como la fracción cinco quintos.

Cuando una fracción tiene otro número como denominador, se lee de forma diferente. Observa el siguiente cuadro.

| El entero se ha dividido en: | Si el denominador es: | Se lee: |
|------------------------------|-----------------------|---------|
| 2 partes iguales | 2 | medio |
| 3 partes iguales | 3 | tercio |
| 4 partes iguales | 4 | cuarto |
| 5 partes iguales | 5 | quinto |
| 6 partes iguales | 6 | sexto |
| 7 partes iguales | 7 | séptimo |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

| 8 partes iguales | 8 | octavo |
|-------------------|----|--------|
| 9 partes iguales | 9 | noveno |
| 10 partes iguales | 10 | décimo |

Del 11 hacia delante, el denominador toma el nombre del número seguido del sufijo - avo.

Toman nombre especiales los denominadores: 20 = vigésimos 100 = centésimos

Observemos algunos ejemplos de fracciones

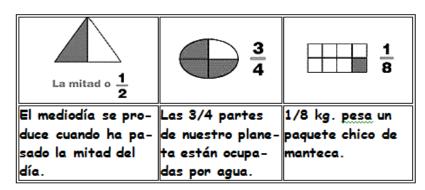
| Si el denominador es: | Se lee: | El entero se ha dividido en: |
|-----------------------|------------------|------------------------------|
| 15 | quinceavo | 15 partes iguales |
| 24 | veinticuatroavos | s 24 partes iguales |

 $[\]frac{5}{6}$ Se lee cinco sextos y quiere decir que el entero se ha dividido en 6 partes iguales y se han tomado 5 de ellas.

 $\frac{3}{7}$ Se lee tres séptimos y quiere decir que el entero se ha dividido en 7 partes iguales y se han tomado 3 de ellas. Podemos utilizar cuadrados, rectángulos, círculos, triángulos, etcétera.

Podemos utilizar cuadrados, rectángulos, círculos, triángulos, etc., para representar las fracciones

Veamos algunos diagramas



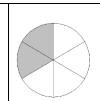


Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

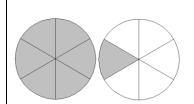
Clasificación de fracciones

Fracciones Propias: son aquellas en las que el numerador es menor que el denominador, por lo tanto, son menores que la unidad.



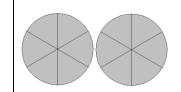
 $\frac{2}{6} < 1$

Fracciones Impropias: son aquellas en las que el numerador es mayor que el denominador, sin ser mútiplo, por lo tanto son mayores a la unidad.



 $\frac{7}{6} > 1$

Fracciones Aparentes: son aquellas en las que el numerador es múltiplos del denominador, son números naturales.



 $\frac{12}{6} = 2$

Número mixto:

Ahora queremos que conozcas situaciones que derivan de la clasificación de fracciones que te mostramos anteriormente. Primero nos referiremos al **número mixto**, definido como **el número entero que va acompañado de una fracción propia**.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Por ejemplo, si tenemos $2\frac{1}{4}$, significa que hay $\bf 2$ enteros más $\frac{1}{4}$ de otro entero igual. Gráficamente podemos representarlo así:



Si contamos las partes pintadas, en total tenemos $\frac{9}{4}$. De este modo, podemos concluir que todas las fracciones impropias pueden transformarse en número mixto.

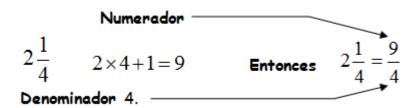
Para transformar fracciones impropias a número mixto, el procedimiento consiste en dividir el numerador por el denominador. El cociente será el número entero, el resto pasará a ser numerador de la fracción y mantendremos el mismo denominador.

La comprobemos para la siguiente fracción: $\frac{9}{4}$

9:4 = 2; 2 es el entero; 1, es el que pasa a ser el numerador siendo el mismo denominador. Por lo tanto, $\frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}$

Los números mixtos también pueden transformarse en fracción impropia. Para esta operación, matemáticamente se ha creado la fórmula de multiplicar el entero por el denominador, y sumarle el numerador al producto, conservando el mismo denominador.

Observa con atención:





Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Equivalencia de fracciones:

Dos fracciones son equivalentes si representan la misma parte del mismo entero. Por ejemplo: $\frac{2}{3}$, $\frac{4}{6}$, $\frac{6}{9}$ y $\frac{8}{12}$ son fracciones equivalentes.

Orden y equivalencia

Existen varias cosas por descubrir si analizamos bien las fracciones. En primer término, si comparamos dos fracciones y dependiendo del caso-, podríamos determinar que:

- La primera es mayor que la segunda.
- La primera es menor que la segunda.
- La primera es equivalente con la segunda.

Una forma de establecer dichas relaciones es mediante la ubicación de las fracciones en la recta numérica. Así podemos entender con facilidad que:

- La fracción que está más cerca del 0 es menor.
- Las fracciones equivalentes ocupan el mismo lugar en la recta numérica.

Si tenemos fracciones de igual denominador, es menor la que tiene menor numerador; y viceversa, es mayor la que tiene mayor numerador. Si tenemos fracciones de distinto denominador, hay que calcular fracciones equivalentes a las dadas pero de igual denominador y comparar.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Productos cruzados

Hay un procedimiento matemático que nos permite obtener de manera muy rápida la relación que te explicamos antes. Se trata de lo que se conoce como "productos cruzados". Consiste en multiplicar el numerador de la primera fracción por el denominador de la segunda, este resultado se compara con el resultado del numerador de la segunda por el denominador de la primera.

Ej.
$$\frac{1}{3}$$
 y $\frac{3}{8}$ ¿ Cómo son ? 1 x 8 = 8 3 x 3 = 9 $\frac{1}{3}$ es menor que $\frac{3}{8}$

Amplificación

Amplificar una fracción es multiplicar su numerador y denominador por un mismo número natural. Esta es una manera de calcular fracciones equivalentes a una dada.

Analicemos el ejemplo
$$\frac{3}{5}$$
Amplificaremos $\frac{3}{5}$ por 6. Entonces $\frac{3}{5} \cdot \frac{6}{6} = \frac{18}{30}$ y queda $\frac{3}{5} = \frac{18}{30}$

De la posibilidad de multiplicar una fracción por cualquier número natural es posible concluir que, podemos obtener, de una sola fracción, infinitas fracciones equivalentes.

La amplificación nos sirve para ordenar más de dos 2 fracciones.

Si tenemos que ordenar tres o más fracciones, debemos fijarnos en sus denominadores. Aquí se nos presentan dos casos:

a) Si los denominadores son iguales será mayor la fracción que tenga el numerador mayor.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Por ejemplo:
$$\frac{6}{15}$$
; $\frac{3}{15}$; $\frac{17}{15}$; $\frac{4}{15}$; $\frac{29}{15}$

Ordenadas de menor a mayor quedan así:
$$\frac{3}{15} < \frac{4}{15} < \frac{6}{15} < \frac{17}{15} < \frac{29}{15}$$

b) Si los denominadores son distintos, habrá que igualarlos. Esta operación se realiza recurriendo a calcular el mínimo común múltiplo (M.C.M.) de los denominadores -que aprendimos en una ocasión anterior-, que pasará a ser el Mínimo Común Denominador.

Por ejemplo, ordenaremos de menor a mayor
$$\frac{2}{3}$$
 ; $\frac{1}{6}$ y $\frac{5}{8}$

Con los denominadores 3, 6 y 8 factoreamos y obtenemos como m.c.m de 3, 6 y 8 al 24.

A continuación, debemos obtener una fracción equivalente para cada una de las anteriores, pero con denominador 24. Observemos que el denominador 3 se multiplicó por un número para convertirse en 24. Ese número es 8. Entonces, el numerador también se multiplicará por 8 para obtener la fracción equivalente por amplificación. Eso nos da: $\frac{2}{3} = \frac{16}{24}$

Lo mismo haremos con $\frac{5}{8}$, que queda equivalente con $\frac{15}{24}$; y con $\frac{1}{6}$, que equivale a $\frac{4}{24}$.

Ahora tenemos que ordenar $\frac{16}{24}$; $\frac{4}{24}$ y $\frac{15}{24}$. Quedan así:

$$\frac{4}{24}$$
; $\frac{15}{24}$; $\frac{16}{24}$ todas con el mismo denominador.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Pero el resultado final lo tendremos ordenando las fracciones originales según nos pidieron, utilizando para ello la relación de equivalencia este queda así:

$$\frac{1}{6} \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{2}{3}$$

Simplificación

Simplificar una fracción es dividir el numerador y el denominador de una fracción por un mismo número natural siempre que la división sea posible. La condición necesaria para ello es que el numerador y el denominador sean múltiplos de ese número. De lo contrario, no se puede simplificar la fracción.

Cuando no podemos simplificar una fracción, decimos que se trata de una **fracción irreducible** es decir el numerador y el denominador son números primos entre sí.

Observa los siguientes ejemplos:

a) $\frac{6}{8}$ 6 es múltiplo de 2, y 8 también. 6 : 2 = 3 y 8 : 2 = 4, nos queda $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$. $\frac{6}{8}$ se puede simplificar.

b) $\frac{10}{7}$ 10 es múltiplo de 2, 5 y 10, pero 7 no es múltiplo de ninguno de ellos. Por lo tanto, $\frac{10}{7}$ es una fracción irreducible.

Operaciones con números racionales

Siempre que realicemos operaciones expresaremos los resultados como fracción irreducible y en los casos que sea posible como número mixto.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Adición:

Para sumar fracciones se presentan dos casos:

a) Fracciones con el mismo denominador: Da por resultado otra fracción de igual denominador cuyo numerador es la suma de los numeradores de los sumandos.

$$\frac{5}{8} + \frac{3}{8} + \frac{7}{8} = \frac{15}{8}$$
 transformamos a número mixto $1\frac{7}{8}$

Otro ejemplo

$$\frac{1}{6} + \frac{5}{6} + \frac{2}{6} = \frac{8}{6}$$
 el resultado se puede simplificar por 2

$$\frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$
 y también es posible transformarlo a número mixto $1\frac{1}{3}$

b) Fracciones con distinto denominador:

En este caso el procedimiento que se aplica es calcular fracciones respectivamente equivalentes a cada sumandos pero de igual denominador y proceder como en el caso anterior.

Ejemplo:

O también de esta forma:

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{6} + \frac{1}{8} = \frac{18 + 4 + 3}{24} = \frac{25}{24} = 1\frac{1}{24}$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{6} + \frac{1}{8} = \frac{18}{24} + \frac{4}{24} + \frac{3}{24} = \frac{25}{24} = 1\frac{1}{24}$$

Observa atentamente los siguientes ejemplos:

$$2\frac{3}{7} + 4\frac{1}{7} = \frac{17}{7} + \frac{29}{7} = \frac{46}{7} = 6\frac{4}{7}$$

$$7\frac{1}{9} + 3\frac{1}{6} = \frac{64}{9} + \frac{19}{6} = \frac{128}{18} + \frac{57}{18} = \frac{185}{18} = 10\frac{5}{18}$$

$$\circ \quad \frac{3}{5} + 2 + \frac{7}{5} = \frac{6}{10} + \frac{20}{10} + \frac{7}{10} = \frac{33}{10} = 3\frac{3}{10}$$

Sustracción

Ahora analizaremos qué sucede cuando se trata de la sustracción de números racionales. Al igual que con la adición, se presentan dos casos revisamos los denominadores:

a) Fracciones con el mismo denominador: restamos los numeradores y dejamos el mismo denominador.

Por ejemplo:

$$\frac{11}{18} - \frac{4}{18} = \frac{7}{18}$$

b) Fracciones con distinto denominador

Nuevamente utilizamos el Mínimo Común Múltiplo que es el común denominador para calcular fracciones equivalentes, y luego restamos, como en el caso de los denominadores iguales.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Veamos:

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{3}{4} - \frac{2}{4} = \frac{1}{4}$$

0

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{3-2}{4} = \frac{1}{4}$$

Otro ejemplo:

$$\circ$$
 $3\frac{1}{9} - 2\frac{1}{3} = \frac{28}{9} - \frac{7}{3} = \frac{28}{9} - \frac{21}{9} = \frac{7}{9}$

Multiplicación:

El producto de dos números racionales es otro número racional cuyo numerador es el producto de los numeradores y cuyo denominador es el producto de los denominadores de las fracciones dadas.

En esta operación lo primero que conviene hacer es simplificar las fracciones todo lo que se pueda, siempre un numerador con un denominador de la misma fracción o de fracciones distintas.

Luego, se multiplican los numeradores entre si y los denominadores entre si obteniéndose el producto.

Este será siempre una fracción irreducible, debido a que ya se ha simplificamos.

Simplificamos cruzado 2 y 4 por 2; 3 y 6 por 3; 2 y 2 por 2.

$$\begin{array}{ccc}
1 & \cancel{2} \\
\cancel{2} & \cancel{1} & \cancel{6} \\
\cancel{3} & \cancel{4} & \cancel{7} & = \cancel{2} \\
1 & \cancel{2} & & & \\
1 & \cancel{2} & & & \\
\end{array}$$



Colegio Nacional de Monserrat

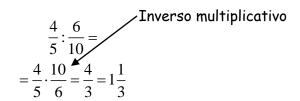
Curso de Ingreso 2014

Si algún factor es número mixto o entero, lo reducimos a fracción impropia y luego multiplicamos Simplificamos y reducimos a número mixto.

División

Esta es la operación inversa a la multiplicación. Para dividir fracciones multiplicamos la primera fracción -o dividendo- por el inverso multiplicativo de la segunda fracción -o divisor-.

Por ejemplo



O bien multiplicamos cruzado, el numerador de la primera fracción por el denominador de la segunda y el denominador de la primera por el numerador de la segunda. Se puede simplificar numeradores entre si y denominadores entre sí.

$$\frac{4}{5}:\frac{6}{10}$$
 $\frac{2}{1}:\frac{3}{2}=\frac{4}{3}=1\frac{1}{3}$

Para resolver divisiones de fracciones en que uno de sus elementos es número mixto o entero, lo transformamos a fracción impropia y luego resolvemos aplicando cualquiera de los métodos anteriormente descriptos.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Veamos este ejemplo:

$$2\frac{1}{7}:5 =$$

$$= \frac{15}{7}:\frac{5}{1}$$

$$= \frac{\cancel{15}}{7} \cdot \frac{\cancel{1}}{\cancel{5}}$$

$$= \frac{3}{7}$$
Inverso multiplicativo
$$= \frac{3}{7}$$

Números Decimales:

Una fracción indica una división entre el numerador y el denominador. Para expresar una fracción como número decimal, efectuamos una división. Por ejemplo:



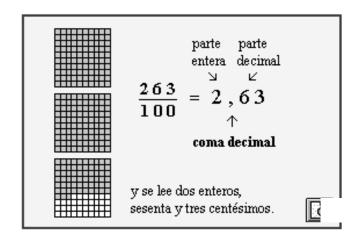
Colegio Nacional de Monserrat

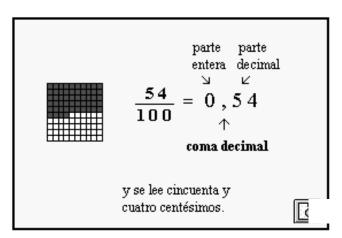
Curso de Ingreso 2014

Entonces:
$$\frac{5}{4} = 1,25$$
 1 entero y 25 centésimos

1,25 es un número decimal exacto. La división también puede dar un resultado no exacto o periódico. (Este caso no lo trataremos)

Para leer números decimales se lee la cantidad de enteros y luego la parte decimal colocando al final las palabras : décimos, centésimos, milésimos, diez milésimos, cien milésimos, millonésimos según el que el número tenga respectivamente una, dos, tres, cuatro, cinco o seis cifras decimales.





Para obtener la expresión decimal de una fracción sólo se necesita dividir el numerador por el denominador. Si se obtiene resto 0, la expresión decimal de la fracción es exacta, o sea, es un número decimal. Si el resto nunca es 0, la expresión decimal de la fracción es periódica y se denomina número decimal periódico.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Los números fraccionarios que tienen como denominador la unidad seguida de ceros o que tienen una fracción equivalente de esa característica se llaman fracciones decimales y pueden expresarse en otra forma llamada número decimal. A su vez, los números decimales podrán también expresarse como fracciones

| | décimo | centésimo | milésimo |
|--------------------|----------|-----------|----------|
| | 1° lugar | 2º lugar | 3° lugar |
| forma fraccionaria | <u>1</u> | <u>1</u> | <u>1</u> |
| | 10 | 100 | 1.000 |
| forma decimal | 0,1 | 0,01 | 0,001 |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Números decimales exactos:

Según dijimos son aquellos cocientes cuyo resto es cero. Tal es el caso de los siguientes ejemplos:

$$\frac{1}{4} = 0.25$$

$$0,39 = \frac{39}{100}$$

$$7,4 = \frac{74}{10}$$

Números decimales periódicos:

Para entenderlos, te invitamos a analizarlos cocientes entre numerador y denominador de las siguientes fracciones:

$$\frac{1}{3} = 0.333...$$
 $\frac{14}{11} = 1, 2727...$

En estos ejemplos, el cociente repite infinitamente una o más cifras decimales en el mismo orden: 3 y 27. A estos decimales se les llama periódicos, y las cifras que se repiten reciben el nombre de período.

Una forma abreviada de marcar el período es colocar un arco sobre la o las cifras que lo componen.

Así tendremos:
$$\frac{1}{3} = 0.3$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Operaciones con números decimales

Adición de números decimales:

La suma de los números decimales se obtiene en forma similar a la de los números naturales. Los sumandos deben ubicarse encolumnados de tal forma, que coincidan en la misma columna unidades del mismo orden. En la adición, la coma decimal correspondiente a cada sumando debe colocarse una debajo de otra.

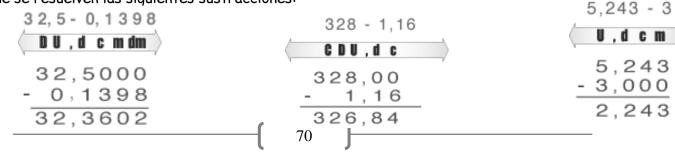
Observa este ejemplo.

Sustracción de números decimales:

Como en los números naturales, es la operación inversa de la adición y para resolver sustracciones el minuendo debe ser mayor que el sustraendo.

Para resolver operaciones de sustracción de decimales, además de colocar ordenadamente los números como en la adición, es conveniente igualar el número de cifras decimales del minuendo y el sustraendo completando con ceros si hiciera falta. Lo mismo se realiza cuando uno de ellos es entero.

Observa la manera en que se resuelven las siguientes sustracciones:





Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Multiplicación de números decimales.

La multiplicación de decimales puede presentar sus dos factores decimales o uno de ellos puede ser entero. En ambos casos se obtiene el producto de la misma forma: se multiplican los números como si fueran naturales y el número de cifras decimales del resultado es igual a la suma de los números de cifras decimales de sus factores.

Observa los siguientes ejemplos:

$$\begin{array}{c}
132,8 \\
\times 16 \\
\hline
7968 \\
\hline
1328 - \\
212,48
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
0,354 \\
\times 23 \\
\hline
1062 \\
\hline
708 - \\
8,142
\end{array}$$

Una regla práctica muy útil surge de analizar lo que sucede cuando se multiplican números por la unidad seguida de ceros. Por ejemplo:

$$1.5 \cdot 10 = 15$$

 $345 \cdot 100 = 34500$

$$3,48 \cdot 10 = 34,8$$

 $19,825 \cdot 100 = 1982,5$

$$0.18 \cdot 10 = 1.8$$

 $5.489 \cdot 100 = 548.9$

Es decir que: "para multiplicar un número por la unidad seguida de ceros se desplaza la coma hacia la derecha tantos lugares como ceros tenga el número dado y, si es necesario, se agregan ceros".

División de números decimales

Vamos a analizar los siguientes casos:

o El dividendo y el divisor son números naturales.

Se nos pueden presentar casos en los que el cociente sea exacto pues el dividendo es múltiplo del divisor.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Por ejemplo:

O se nos pueden presentar casos en los que el cociente sea decimal pues el dividendo no es múltiplo del divisor. Para calcular estos cocientes, expresamos al dividendo como un número decimal con determinada cantidad de decimales iguales a cero y dividimos como si se tratara de divisiones entre números naturales pero colocamos la coma en el cociente al considerar la primera cifra decimal del dividendo. Generalmente calculamos los cociente con dos o tres cifras decimales.

Por ejemplo:

o El dividendo o el divisor o ambos son números decimales.

Para resolver estas divisiones utilizaremos el siguiente concepto: si multiplicamos dividendo y divisor por un mismo número, el resultado no cambia. Entonces la estrategia será multiplicar dividendo y divisor por la unidad seguida de tantos ceros como nos resulte adecuado para que dividendo y el divisor se transformen en números naturales.

A continuación, analiza los siguientes ejemplos:



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Así como existe una regla práctica para multiplicar por la unidad seguida de ceros, existe una para dividir por la unidad seguida de ceros. De la observación cuidadosa de los siguientes ejemplos podremos inducirla:

Ejemplos:

15 : 10 = 1,5

4,25 : 100 = 0,0425

876,5 : 10 = 87,65

7:100=0.07

90,87 : 10 = 9,087

65 : 1000 = 0,065

Es decir que: "para dividir un número por la unidad seguida de ceros se desplaza la coma hacia la izquierda tantos lugares como ceros tenga el número dado y, si es necesario, se agregan ceros".



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

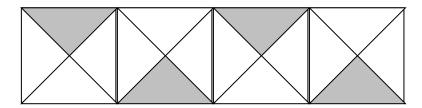
EJERCITACIÓN

EJERCICIO Nº 1: Recuadrar con el mismo color las fracciones que sean equivalentes:

$$\frac{1}{3}$$
 $\frac{3}{5}$ $\frac{4}{9}$ $\frac{3}{9}$ $\frac{24}{40}$ $\frac{15}{25}$ $\frac{2}{6}$ $\frac{16}{36}$

EJERCICIO Nº 2: ¿Qué parte de la guarda representa

lo sombreado? ¿Y lo que no está sombreado?



EJERCICIO N°3: Dadas las siguientes fracciones:

$$\frac{1}{3}; \frac{3}{3}; \frac{9}{5}; \frac{8}{4}; \frac{2}{3}; \frac{9}{6}$$

- a) Representa gráficamente la tercera y la quinta.
- b) Clasifícalas en propias, impropias y aparentes
- c) Expresa las fracciones dadas como números mixtos cuando sea posible.
- d) ¿A cuál de las fracciones dadas es equivalente $\frac{27}{18}$?

EJERCICIO Nº 4: Unir con flechas.

| Cinco octavos | <u>1</u> 5 |
|-----------------|---------------|
| Tres centésimos | $\frac{3}{4}$ |
| Un quinto | <u>5</u> 8 |
| Dos quinceavos | 3 100 |
| Tres cuartos | 2 15 |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 5: Completar la relación con una cantidad expresada como fracción.

$$- > \frac{3}{5}$$
 $- > \frac{7}{10}$

$$- < \frac{1}{2}$$
 $\frac{6}{8} < -$

EJERCICIO Nº 6: Escribir una fracción en la línea punteada.

$$\frac{4}{3}\langle \dots | \frac{10}{3} \quad ; \quad \frac{3}{4} > \dots > \frac{1}{2}$$

Recuadra las fracciones equivalentes a: $\frac{3}{4}$

$$\frac{6}{8}$$
; $\frac{12}{20}$; $\frac{4}{9}$; $\frac{3}{4}$; $\frac{38}{48}$; $\frac{42}{56}$; $\frac{54}{72}$; $\frac{1}{4}$; $\frac{24}{32}$

EJERCICIO Nº 7: Completar.

- a) ¿Cuántos quintos hay en dos enteros?
- b) ¿Cuántos enteros hay en 15/7?
- c) ¿Cómo se expresa 7 como fracción de denominador 10?
- d) ¿Cuánto equivale 6 con numerador 18?

EJERCICIO Nº 8: Mencionar cuál de estas fracciones son mayores que la unidad y expresarlas como número mixto.

$$\frac{2}{5}$$
 $\frac{3}{2}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{15}{9}$ $\frac{7}{6}$ $\frac{1}{4}$

EJERCICIO Nº 9: Completar el siguiente cuadro

| Frac- | 6 hs | 8 hs | | 18 hs | | | 48 hs |
|---------------------|-------|-------|---------------|---------------|----------|---------------|---------------|
| ción de | | | <u>1</u> | | <u>5</u> | <u>3</u> | |
| un día | | | 2 | | 6 | 2 | |
| Frac- | 200 g | 250 g | | | 800 g | | |
| ción de un kilo- | | | <u>1</u> 2 | <u>3</u> 4 | | <u>3</u> 2 | <u>5</u> 8 |
| gramo | | | | | | | |



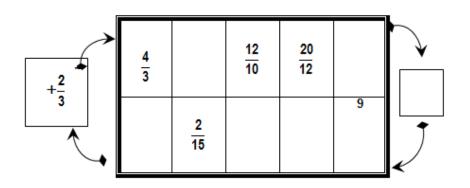
Colegio Nacional de Monserrat

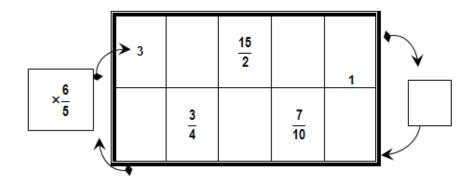
Curso de Ingreso 2014

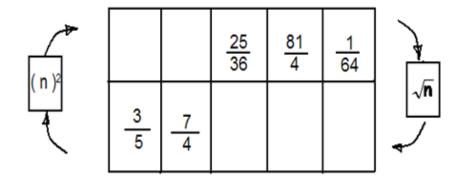
EJERCICIO Nº 10: Resolver:

En el Colegio Nacional de Monserrat, 1/4 de los alumnos de un coro han nacido en 1980; los 3/8 en 1981 y el resto en 1979. Si el coro tiene 48 miembros, calcular el número de alumnos nacidos en cada año.

EJERCICIO N° 11: ¿Qué números puedes colocar en las casillas en blanco?







EJERCICIO Nº 12: Resolver:

Se ha pintado la mitad de un poste de rojo y 1/5 de azul ¿Qué parte queda sin pintar?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

m) $\frac{6}{10} \cdot 1\frac{1}{3} = n$ n) $\frac{5}{9} : \frac{10}{12} = o$ o) $1\frac{4}{5} : \frac{9}{5} = o$

EJERCICIO Nº 13: Resolver:

De una caja se ha llenado 1/4 con semilla de girasol, 2/5 con semilla de maíz y 1/8 con semilla de trigo.

- a) ¿Qué parte de la caja queda sin semilla?
- b) Si la caja tiene una capacidad de 1.000 gr ¿Cuántos gramos se han colocado de cada semilla?

EJERCICIO Nº 14: Resolver:

a)
$$\frac{3}{5} + \frac{1}{10} + \frac{7}{2} = b$$
 b) $\frac{8}{4} - \frac{1}{4} + \frac{5}{4} = c$) $\frac{2}{5} + 1\frac{3}{5} = c$

$$(b)\frac{8}{4} - \frac{1}{4} + \frac{5}{4} =$$

$$(c)\frac{2}{5} + 1\frac{3}{5} =$$

$$d) 2\frac{7}{11} + 1\frac{3}{11} = e) \frac{1}{4} + 3 =$$

$$f)\frac{7}{3}-2=\frac{5}{6}+\left(\frac{1}{4}\div\frac{3}{2}\right)^2=$$
 $g)\frac{5}{7}-\frac{1}{2}+\frac{15}{14}=$

$$(g)\frac{5}{7}-\frac{1}{2}+\frac{15}{14}=$$

h)
$$2\frac{1}{2} + 3 - 1\frac{3}{6} = i$$
 i $\frac{17}{4} - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = i$

$$(j)\frac{7}{6} - \frac{4}{15} =$$

$$(k)\frac{3}{5}\cdot\frac{10}{9}=$$

$$j)\frac{7}{6} - \frac{4}{15} = k)\frac{3}{5} \cdot \frac{10}{9} = l)\frac{11}{4} \cdot \frac{3}{9} \cdot \frac{8}{22} =$$

EJERCICIO Nº 15: Resolver:

a)
$$\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cdot 2 =$$

a)
$$\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cdot 2 =$$
 b) $\frac{4}{3} : \frac{1}{3} + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) \cdot 3 =$

c)
$$\frac{3}{5} - \frac{1}{4} : 2 =$$

c)
$$\frac{3}{5} - \frac{1}{4} : 2 = d$$
 d $\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{5} = d$

e)
$$2 - \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{10}\right)^2$$
 f) $\frac{5}{12} + \frac{9}{16} \cdot \frac{4}{3}$

$$f) \frac{5}{12} + \frac{9}{16} \cdot \frac{4}{3}$$

g)
$$\left(\frac{2}{9} + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{6}{5} - \frac{2}{3} = h$$
 h) $\frac{1}{12} + \frac{3}{15} : \frac{4}{5} + \frac{2}{3} = h$

h)
$$\frac{1}{12} + \frac{3}{15} : \frac{4}{5} + \frac{2}{3} =$$

i)
$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 =$$
 j) $\frac{5}{6} + \left(\frac{1}{4} : \frac{3}{2}\right)^2 =$

$$(j)\frac{5}{6} + \left(\frac{1}{4}:\frac{3}{2}\right)^2 =$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 16: Resuelve los siguientes problemas:

- a) En una academia se enseña alemán, inglés y francés. Si $\frac{1}{4}$ del alumnado estudia alemán y $\frac{3}{5}$ inglés, ¿Qué parte estudia francés?
- b) Se contrataron tres obreros para hacer una obra. Juan hizo $\frac{1}{6}$, Pedro el doble de Juan y Martín, la mitad de lo que hicieron Juan y Pedro juntos. ¿Terminaron el trabajo? En caso negativo, ¿qué parte falta de hacer?
- c) En un club $\frac{2}{5}$ de los socios practican natación, $\frac{1}{4}$, tenis y $\frac{3}{10}$, fútbol. ¿Todos practican algún deporte? Si el total de socios es 240, ¿cuántos practican cada actividad?
- d) En una biblioteca hay 720 libros repartidos de la siguiente manera: $\frac{1}{12}$ de los libros son de Historia, $\frac{3}{20}$, de Geografía, de Matemática hay tantos como los de Historia y Geografía juntos, los de Castellano coinciden con la diferencia entre los de Geografía e Historia y los

demás son novelas. Calcula la cantidad de libros de cada tipo que tiene esa biblioteca.

EJERCICIO Nº 17: Completar el siguiente cuadro.

| SE ESCRIBE | SE LEE |
|------------|--|
| 0,6 | Seis décimos |
| 1,75 | |
| | Dos enteros, cincuenta y seis milésimos |
| 4,3 | |

EJERCICIO Nº 18: Ordenar de mayor a menor

0,35 9,6 3,11 1,31 9,65 1,13

EJERCICIO N° 19 Intercalar dos números decimales para que se complete la fila.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO N° 20: Ordena de menor a mayor los siguientes números decimales

EJERCICIO N° 21: Unir con flechas los que sean iguales. Escribe en cada caso la fracción irreducible.

| 2,3 | <u>15</u> 10 |
|-------|-------------------|
| 0,075 | <u>23</u> 10 |
| 0,66 | <u>75</u> 1000 |
| 1,5 | <u>66</u> 100 |

EJERCICIO N° 22: Transforma las expresiones coloquiales a números decimales y realiza las operaciones

- a) siete enteros y seis centésimas MÁS ciento cinco enteros =
- b) treinta y seis milésimas MÁS tres enteros y dos décimas =
- c) doce milésimas MÁS trece décimas =
- d) dos enteros y setenta y cinco centésimas MENOS cero entero veinticinco centésimas =
- e) veintiocho centésimas MENOS treinta y dos milésimas =
- f) cincuenta enteros POR dos enteros y tres décimas =
- g) cuarenta y dos milésimos POR la unidad seguida de cuatro ceros.
- h) cinco décimos POR mil.
- i) un entero 8 centésimos DIVIDIDO por tres.
- j) treinta y seis enteros doce centésimos DIVIDIDO por doce.

EJERCICIO Nº23: Calcular el resultado

a)
$$0.65 + 1.389 + 2.6 =$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

m)
$$86.39 \cdot 1.7 =$$

EJERCICIO Nº 24: Resolver:

María compró dos libros de cuentos. Uno de ellos cuesta \$ 14,65 y el otro \$ 8,5. Le sobran \$ 6,85 ¿Cuánto dinero tenía María?

EJERCICIO Nº 25: Resolver:

Se ha pagado la suma de \$ 49 con monedas de 25 centavos ¿Cuántas monedas se necesitaron?

EJERCICIO Nº 26: Resolver:

Una jarra vacía pesa 0,64 Kg y llena de agua pesa 1,7 Kg ¿Cuánto pesa el contenido?

EJERCICIO Nº 27: Resolver:

¿Cuántas botellas completas de 1,375 | cada una se pueden llenar con un bidón que contiene 25,625 |?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 28: Contestar:

- a) Juan tiene 5,5 pesos y su madre le dio 7 pesos. ¿Cuántos tiene ahora?
- b) El lunes corro 112,50 metros y el martes 310,45 metros. ¿Cuántos m. he corrido entre los dos días?
- c) Una botella contiene 1,5 litros. Si sacamos 0,5 litros. ¿Cuántos litros le quedan?
- d) Esteban tenía 5,25 pesos y se gastó 4 pesos. ¿Cuánto le queda?
- e) Un padre dio a cada uno de sus tres hijos 2,55 pesos a cada uno. ¿Cuánto dinero les dio a todos?
- f) Una pera pesa 0,12 kilos. ¿Cuánto pesarán 9 peras?
- g) El padre de Juan entregó 10,75 pesos a sus cinco hijos. ¿Cuánto le tocó a cada uno?
- h) Un profesor reparte 21,85 pesos entre los 19 alumnos de la clase. ¿Cuánto dará a cada uno?

EJERCICIO Nº 29: Resolver:

a) a) Un ciclista ha recorrido 145,8 km en una etapa, 136,65 km en otra etapa y 162,62 km en una tercera

etapa. ¿Cuántos kilómetros le quedan por recorrer si la carrera es de 1 000 km?

- b) b) De un depósito con agua se sacan 184.5 l y después 128.75 l, finalmente se sacan 84.5 l. Al final quedan en el depósito 160 l. ¿Qué cantidad de agua había el depósito?
- c) c) Se tienen 240 cajas con 25 bolsas de café cada una. Si cada bolsa pesa 0.62 kg, ¿cuál es el peso del café?

EJERCICO Nº 30: Resolver y comparar los resultados.

a)
$$(2-1,459) \cdot 1,2 =$$

c)
$$3.04 \cdot 0.03 - 2.005 \cdot 0.03 =$$

EJERCICIO Nº 31: Resuelve los siguientes ejercicios combinados con decimales.

a)
$$25,10.4 - 15,3:0,2 =$$

b)
$$7,28^2 + 10,05 : 0,25 - 3,9 : 1,3 =$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

$$c) (26,7 - 13,542) \cdot (0,03 + 0,42) =$$

$$d) (17 - 14,9) \cdot 0,5 =$$

$$e) 37 - 14.9 : 0.5 =$$

$$f)$$
 5,1² + 2,3² =

$$g) (5,1+2,3)^2 =$$

h)
$$345,89 \cdot 10,512 \cdot 0,986 + 5,02 : 2^2 =$$

$$i) \left(\frac{3}{4} + \frac{1}{4}\right).0,1 =$$

$$j)$$
 $\left(\frac{36}{5} + 2,57 - 6,0496\right) \cdot 1,3 =$

EJERCICIO Nº 32: Calcula el resultado de las siguientes operaciones, en todos los casos, si es posible, simplifica el resultado y exprésalo en número mixto.

1)
$$\frac{3}{9} + \frac{4}{9} + \frac{1}{9} =$$

2)
$$\frac{3}{5} + \frac{1}{5} + \frac{6}{5} =$$

3)
$$\frac{8}{4} + \frac{1}{2} + \frac{2}{5} + \frac{1}{4} =$$
 4) $\frac{8}{20} - \frac{5}{20} =$

4)
$$\frac{8}{20} - \frac{5}{20} =$$

5)
$$\frac{8}{9} - \frac{3}{15} =$$

6)
$$\frac{2}{4} - \frac{1}{7} =$$

7)
$$\frac{17}{18} - \frac{5}{9} =$$

8)
$$4\frac{1}{5} - 2\frac{1}{3} =$$

9)
$$1\frac{1}{8} - \frac{3}{12} =$$

9)
$$1\frac{1}{8} - \frac{3}{12} =$$
 10) $2\frac{1}{4} + 1\frac{5}{6} - 1\frac{1}{2} - 1\frac{1}{3} =$

$$11)\frac{1}{12} - \frac{2}{3} + 1\frac{1}{2} - \frac{3}{4} =$$
 12) $\frac{5}{7} \cdot \frac{3}{8} =$

12)
$$\frac{5}{7} \cdot \frac{3}{8} =$$

13)
$$\frac{4}{5}:\frac{2}{3}=$$

14)
$$\frac{4}{3} \cdot \frac{7}{2} \cdot \frac{3}{21} =$$

$$15) \ 1\frac{4}{5} \cdot 1\frac{1}{3} \cdot \frac{15}{4} =$$

16)
$$\frac{4}{5} \cdot \frac{15}{6} =$$

17)
$$\frac{7}{9}:\frac{9}{9}=$$

18)
$$\frac{14}{16}$$
: $\frac{27}{4}$ =

19)
$$1\frac{1}{15} \div \frac{5}{6} =$$

$$20) \left(\frac{2}{3}\right)^3 =$$

$$21)\left(\frac{3}{4}\right)^2 =$$

22)
$$\left(\frac{11}{4} - 2\right)^2 =$$

EJERCICIO Nº 33: Plantea y resuelve.

1.- En una fiesta 3 niños comieron $\frac{1}{6}$; $\frac{1}{8}$ y $\frac{1}{5}$ de una torta.

¿Qué parte de la torta comieron entre los tres? Y ¿Qué parte queda aún?

2.- ¿Cuál es el importe de $6\frac{3}{4}$ kg de manzanas a razón de

5,96 pesos el kilogramo?

3.- ¿Cuánto vale $\frac{1}{4}$ m de tela a \$ 60 el metro?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

| а | Ь | (a+b) : 5 | $a + b \cdot \frac{2}{5}$ | $(a-b)^2$ |
|---------------|---------------|-----------|---------------------------|-----------|
| $\frac{7}{4}$ | $\frac{1}{3}$ | | | |

 $\underline{\textit{EJERCICIO N° 34}}$: Completa el siguiente cuadro



Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

Sistema Métrico Legal Argentina (SI.Me.L.A.)

El hombre siempre ha medido las cosas que lo rodean. Medir es comparar. Para determinar una medida se debe elegir una unidad adecuada y establecer cuántas veces entra esa unidad en lo que se quiera medir.

Cuando medimos la longitud de un objeto, decimos cuántas veces entra la unidad de medida elegida en el largo de ese objeto. Para que esa unidad sea común se tomó por convención una unidad principal llamada metro que es fija, universal e invariable.

En la Argentina se adoptó en 1972 el SI.ME.L.A. (Sistema Métrico Legal Argentino) que está elaborado sobre la base del Sistema Internacional.

Unidad: Es el patrón de medida del sistema por ejemplo metro, gramo, litro, metro cuadrado.

Múltiplos: Son unidades mayores que la unidad del sistema. Se ubican a la izquierda de la unidad. Sub-múltiplos: Son unidades menores que la unidad del sistema. Se ubican a la derecha de la unidad.

Si deseamos medir longitudes más pequeñas que el metro, utilizaremos:



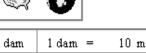


| decímetro | dm | 1 dm = | 0,1 | m |
|--------------|------|------------|--------|---|
| centímetro | cm | 1 cm = | 0,01 | m |
| milímetro | mm | 1 mm = | 0,001 | m |
| 1 m = 10 c | ım = | 100 cm = 1 | .000 m | m |

Si deseamos medir longitudes más grandes que el metro, utilizaremos:



decámetro



| hectómetro | hm | 1 hm | = | 100 m |
|-------------|---------|---------|-----|---------|
| kilómetro | km | 1 km | = | 1.000 m |
| 1 m = 0.1 c | lam = í | 1 01 hm | = 0 | 1001 km |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

En el siguiente cuadro aparecen las unidades, múltiplos, submúltiplos, sus notaciones y relaciones entre ellos de las medidas de longitud, masa, capacidad y superficie correspondientes al SI.ME.L.A.

Medidas de Longitud

| | Múltiplos | | | Unidad | | Submúltiplos | |
|------------|-----------|------------|-----------|--------|-----------|--------------|-----------|
| Mam | km | <u>hm</u> | dam | m | dm | cm | mm |
| 10000m | 1000m | 100m | 10 m | 1 m | 1/10 m | 1/100 m | 1/1000 m |
| Miriámetro | kilómetro | hectómetro | decámetro | metro | decímetro | centímetro | milímetro |

Medidas de Masa

| | Múltiplos | ; | | Unidad | | Submúltip | plos |
|------------|-----------|------------|-----------|--------|-----------|------------|-----------|
| Mag | kg | hg | dag | g | dg | cg | mg |
| 10000g | 1000g | 100g | 10 g | 1 g | 1/10 g | 1/100 g | 1/1000 g |
| Miriagramo | kilogramo | hectogramo | decagramo | gramo | decigramo | centigramo | miligramo |

Medidas de Capacidad

| | Múltinlos | | | Múltinlos Unidad | | | Subn | núltinlos | |
|------------|-----------|------------|-----------|------------------|-----------|------------|-----------|-----------|--|
| Mal | k1 | ħ1 | dal | 1 | đ1 | c1 | m1 | | |
| 100001 | 10001 | 1001 | 101 | 11 | 1/10 1 | 1/100 1 | 1/1000 1 | | |
| Mirialitro | kilolitro | hectolitro | decalitro | litro | decilitro | centilitro | mililitro | | |

Medidas de Superficie

| Múltinlos | | | | Unidad | | Submúltinlos | |
|-------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------|-----------------------|------------------------|--------------------------|
| Mam ² | km² | hm ² | dam ² | m ² | dm ² | cm ² | mm ² |
| 100000000m ² | 1000000m ² | 10000m ² | 100 m ² | 1 m ² | 1/100 m ² | 1/10000 m ² | 1/1000000 m ² |
| Miriámetro Cuadrado | kilómetro cuadrado | hectómetro cuadrado | decámetro cuadrado | | decímetro cuadrado | centímetro cuadrado | milímetro cuadrado |



Curso de Ingreso 2014

Observamos en la tabla correspondiente a las medidas de longitud que:

Si tomamos que: 1 hm = 100 m y 1 m = 10 dm

Además 1 km = 1000 m y 1 m = 100 cm

Entonces:

1 km = 10 hm y 1 dm = 10 cm

Estas relaciones nos permiten inferir que una unidad cualquiera de la tabla es 10 veces la unidad ubicada inmediatamente a la derecha y cualquier unidad de la tabla es la décima parte de la unidad ubicada a su izquierda.

Por lo tanto, las unidades ubicadas a la izquierda de otras son mayores que las ubicadas a la derecha.

Para realizar una reducción de una unidad de longitud a otra, lo que debemos hacer es multiplicar o dividir el número dado por la unidad seguida de tantos ceros como cantidad de unidades haya entre el dato y la unidad a la que se pretende reducir (multiplicando si el dato es una unidad mayor que la que se trata de encontrar y dividiendo si el dato es una unidad menor que la que se trata de encontrar)

En forma práctica suele procederse de la siguiente manera:

Para realizar reducciones de una unidad a otro es conveniente posicionarse en la tabla y saber hacia que lado debo desplazarme.



Curso de Ingreso 2014

- 1-Si debo pasar de un múltiplo a un submúltiplo el número se agranda y debo desplazarme hacia la derecha. Por ej. 31 m a mm = 31000 mm
- 2-Pero si paso de un submúltiplo a un múltiplo el número se achica y debo desplazarme hacia la izquierda.

 Por ej. 12 dm a dam = 0,12 dam
- 3-Por ej. 54 m a km = 0,054 km

| | MÚLTIPLOS | | | UNIDAD | SU | BMÚLTIPLO | 05 |
|-----|-----------|----|-----|--------|-------|-----------|----|
| mam | km | hm | dam | m | dm cm | | mm |
| | | | 3 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| | | | 0, | 1 | 2 | | |
| | 0, | 0 | 5 | 4 | | | |

Debemos posicionarnos en la tabla y luego completar los lugares como lo muestra el cuadro anterior.

De igual manera se procede con medidas de masa y capacidad.

En cambio, si se trata de medidas de superficie cada unidad de la tabla es 100 veces la unidad inmediata inferior y cada unidad es un centésimo de la unidad inmediata superior.



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Esto nos indica que para reducir de una unidad a otra hay que multiplicar o dividir por la unidad seguida de tantos ceros como el doble de la cantidad de unidades haya entre el dato y la unidad a la que se quiere reducir.

Ejemplos:

a)
$$2.4 \text{ m}^2 = 2.4 \cdot 10000 \text{ cm}^2$$

$$= 240000 \text{ cm}^2$$

b)
$$15.8 \text{ dm}^2 = 15.8 : 100 \text{ m}^2$$

$$= 0.158 \text{ m}^2$$

Medidas de Tiempo

Algunas de las unidades que utilizamos para medir el tiempo son: el día, la hora, el minuto y el segundo.

Otras unidades de tiempo mayores son el año, el mes y la semana.

Resumiendo

SISTEMA METRICO LEGAL ARGENTINO

Universidad Nacional de Córdoba Matemática



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

岁

MEDIDAS DE LONGITUD

UNIDAD MULTIPLOS SUBMULTIPLOS Km dam dm mm mam cm 10.000 m 1.000 m 100 m 10 m 1 m 1/10 m 1/100 m 1/1000 m miriámetro kilómetro hectómetro decámetro decímetro centímetro milímetro metro

MEDIDAS MASA

| | MULTIPLOS | | | UNIDAD | | SUBMULTIP | Los |
|------------|-----------|------------|-----------|--------|-----------|------------|-----------|
| mag | kg | hg | dag | 9 | dg | cg | mg |
| 10.000 g | 1.000 g | 100 g | 10 g | 1 g | 1/10 g | 1/100 g | 1/1000 g |
| miriagramo | kilogramo | hectogramo | decagramo | gramo | Decigramo | centigramo | miligramo |

DE CAPACIDAD MEDIDAS

| | MULTIPLOS | | | UNIDAD | | SUBMULT | IPLOS |
|------------|-----------|------------|-----------|--------|-----------|------------|-----------|
| mal | kl | hl | dal | 1 | dl | cl | ml |
| 10.000 l | 1.000 l | 100 l | 10 l | 11 | 1/10 l | 1/100 l | 1/1000 l |
| mirialitro | kilolitro | hectolitro | decalitro | litro | decilitro | centilitro | mililitro |

MEDIDAS DE SUPERFICIE

| | MULTIPLOS | | | UNIDAD | | SUBMUL | TIPLOS |
|----------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|----------------|-----------------------|-------------------------|--------------------|
| mam² | km² | hm² | dam² | m² | dm² | cm ² | mm² |
| 100.000.000 m ² | 1.000.000 m² | 10000 m² | 100 m² | 1 m² | 1/100 m² | 1/10.000 m ² | 1/1.000.000 m² |
| miriámetro cuadrado | kilómetro cuadrado | hectómetro cuadrado | decámetro cuadrado | metro cuadrado | Decímetro cuadrado | centímetro cuadrado | milímetro cuadrado |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCITACIÓN

 $\underline{\textit{EJERCICIO N° 1}}$: Completar los siguientes cuadros

| | <u>hm</u> | ст | m | dam |
|---------------|-----------|----|---|-----|
| <i>3,35</i> m | | | | |
| 0,0963 km | | | | |
| 12,38 dm | | | | |

| | / | dal | m/ | c/ |
|---------------------|---|-----|----|----|
| <i>0,0018</i> hl | | | | |
| <i>3,48</i> dl | | | | |
| <i>0,0629</i> kl | | | | |

| | kg | cg | mg | 9 |
|--------------------|----|----|----|---|
| <i>1,389</i> hg | | | | |
| hg | | | | |
| 4,5 dag | | | | |
| <i>16,2</i> dg | | | | |

EJERCICIO N° 2: Colocar la denominación que corresponda

| | 0,327 |
|---------------|-------|
| <i>32,7</i> I | 327 |
| | 3,27 |
| | |
| | 0,31 |
| <i>31</i> cm | 310 |
| | 0,031 |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

| 0,086 dag | 8,6 |
|-----------|--------|
| | 86 |
| | 0,0086 |

| <i>7,36</i> hl | 736 |
|----------------|-------|
| | 0,736 |
| | 73,6 |

EJERCICIO N° 3: Colocar los signos >, < ó = según corresponda.

0,001 hm 1 dm

1,36 g 0,136 dg:

EJERCICIO Nº 4: Completar con las reducciones anterior y posterior como lo muestra el ejemplo.

| 0,072 dam | 0,72 m | 7,2 dm |
|-----------|----------|--------|
| | 68,34 cg | |
| | 0,003 hl | |
| | 4,2 dm | |

EJERCICIO Nº 5:

Ana tiene dos cintas de tela. Una mide tres metros, dos décimos de metro y cuatro centésimos de metro. La otra, tres metros con veinticuatro centésimos de metro. ¿Hay una más larga? ¿Por qué?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 6:

El depósito de nafta de una estación de servicio tiene una capacidad de 20 000 litros. a) ¿Cuál es la capacidad del depósito en hl?, b) Si el tanque de nafta del auto de Claudia tiene una capacidad de 3,5 dal, ¿cuántos tanques iguales se podrán llenar con todo el contenido del depósito d la estación? ¿Sobra nafta?

EJERCICIO Nº 7:

Andrea fue a la verdulería Compró 2 kg de naranjas, 15,75 dg de manzanas, 2500 g de mandarinas y 0,125 mag de peras. ¿Cuántos kg de fruta compró en total?

EJERCICIO Nº 8:

Un camionero viaja desde una ciudad a otra en tres etapas. En la primera recorre 17 000 dm, en la segunda 3 mam y en la tercera 1000hm. ¿Cuántos km hay entre las dos ciudades?

EJERCICIO Nº 9:

Una canilla pierde 0,95 ml de agua por minuto. Sabiendo que el tanque tiene una capacidad de 15 hl: a) ¿Cuántos dl pierde por día?, b) ¿Cuántos litros de agua quedan en

el tanque al cabo de una semana si no entra agua y no se abre ninguna canilla?

EJERCICIO Nº10:

De una pieza de género se han vendido 13,75 m, luego 9,50 dam y finalmente22 500mm. Si aún quedan 0,7511 hm, ¿cuántos cm tenía la pieza?

EJERCICIO Nº 11:

Para empapelar una habitación se utilizan 8 rollos de papel pagando \$ 75 cada uno. Por la mano de obra total se abona $\frac{4}{3}$ del costo del papel. ¿Cuál será el gasto que origina la obra?

EJERCICIO Nº 12:

Según un estudio de Aguas Cordobesas, una familia tipo gasta un promedio de 86,5 dal por día. ¿Cuánto será el gasto promedio de una familia en hl en un año?

EJERCICIO Nº 13:

Un taxista realizó cuatro viajes: en el primero recorrió 45 hm, en el segundo, 0,25 mam, el tercero fue de 80 km y por último uno de 35 000 m. Si le pagan \$ 1,5 el



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

km, ¿cuánto dinero cobró sin contar las bajadas de bandera?

EJERCICIO Nº 14:

Por cada kilo de naranjas que se exprime, se obtiene $\frac{1}{4}$ litro de jugo. ¿Cuántos hg de esas naranjas hay que exprimir para obtener 8,5 litros de jugo?

EJERCICIO Nº 15:

Un tren recorre 146,50 km en 1 hora y media. ¿Cuántos dam recorrerá en 3 horas viajando siempre a la misma velocidad?

EJERCICIO Nº 16:

La cortina de una ventana tiene 4,20 m de ancho. ¿Cuál es el ancho de la ventana si el ancho de la cortina es

EJERCICIO Nº 17:

Por la compra de 12,5 litros de combustible se pagaron \$ 57,50. ¿Cuánto deberá pagarse por la compra de 2,8 dal de ese combustible?

EJERCICIO Nº 18:

¿Cuántas botellas de 3/4 litros se pueden llenar con 1520 dl de agua? ¿Sobra? En caso afirmativo, ¿cuánto?

EJERCICIO Nº 19:

Pablo tiene 92,5 dm de cinta para confeccionar moños. Para cada moño necesita $\frac{2}{5}$ m de cinta. ¿Cuántos cm de cinta le sobrará después de hacer la mayor cantidad de moños posibles?

EJERCICIO Nº 20:

Un comerciante debe repartir en partes iguales entre 7 comercios su existencia de azúcar. Cuenta para ello con 8 bolsas de 12,8 Kg c/u; 15 bolsas de 9,07 Kg c/u y media docena de bolsas de 23,5 Kg c/u. ¿Cuántos hg recibe cada almacén?

EJERCICIO Nº 21:

De un barril que contiene 30,5 litros de vino se sacaron primero 4,83 litros; luego el doble de lo anterior y por último 1,14 litros. El resto de envasará en botellas de $\frac{3}{4}$ de litro cada una. ¿Cuántas botellas se llenaron?

 $[\]frac{7}{4}$ del ancho de la ventana?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 22:

- a) Martín cumple hoy 37 años. ¿Cuántos meses vivió?
- b) Valentina asiste a una Academia de Inglés durante 2 horas, 3 veces por semana. ¿Cuántos minutos por semana asiste a esa Academia?
- c) Si mi reloj marca ahora las 9 horas 40 minutos. a) ¿Qué hora marcará dentro de 25 minutos? b) ¿Qué hora marcaba hace 50 minutos?
- d) Matías realiza un viaje en colectivo. Sale a las 15 horas y llega a las 3:40 del día siguiente. ¿Cuánto tiempo viajó?

- e) Una película que dura 95 minutos comienza a las 20:30. ¿A qué hora termina?
- f) ¿Cuántos minutos hay en 4 horas y cuarto?
- g) Un partido de fútbol dura dos tiempos de 45 minutos cada uno y un descanso de 15 minutos. Si Pedro asiste a un partido que comienza a las 15:45, ¿a qué hora aproximadamente terminará el partido?
- h) Completa la siguiente tabla:

| Días | 2 | | | | | |
|---------|---|----|------|-------|-----|-----|
| Horas | | 96 | | | | 240 |
| Minutos | | | 1440 | 14400 | 720 | |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Geometría

Geometría es una palabra que deriva del griego geo: "tierra" y metría; "medida", es decir: medir la tierra. Esta rama de la matemática nació en el Antiguo Egipto donde los hombres debían restablecer los límites de sus campos después de cada crecida del río Nilo. Nosotros estudiaremos la geometría plana que se ocupa de las formas que se presentan en el plano.

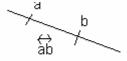
Consideraremos primero los entes geométricos fundamentales que se toman como conceptos primitivos y no se definen, estos son:

El punto Nos da idea de punto la marca que deja un lápiz al apoyarlo sobre una hoja o la marca de la tiza sobre el pizarrón y se nombra con una letra minúscula.

×α • 6

La recta Nos da idea de recta el borde de una mesa y se designan con letras mayúsculas de imprenta o dos letras minúsculas correspondientes a dos puntos pertenecientes a ella con una doble flecha arriba. Por ejemplo:





El plano Nos da idea de plano la superficie del pizarrón o una pared lisa y se designan con letras griegas mayúsculas. Por ej:

A continuación recordaremos algunos conceptos.

Semirrecta

Una semirrecta es la parte de una recta determinada por uno de sus puntos, llamado origen, y todos los puntos de la recta que le siguen según uno de los sentidos u *ordenamientos naturales*. Luego, una semirrecta tiene primer punto, pero no tiene último punto. Se designa como oa semirrecta de origen o que pasa por a.

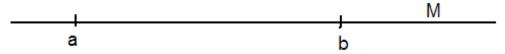


Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Segmento

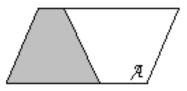
Es la parte de una recta que está limitado por dos puntos.



Símbolo: \overline{ab} se lee: segmento ab

Semiplano

Si consideramos una recta contenida en un plano, ésta separa al plano en dos partes; cada una de esas partes se denomina semiplano.



Posiciones relativas de dos rectas en el plano

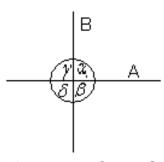
Dos rectas contenidas en un plano pueden ser secantes o paralelas.

Rectas secantes: Dos rectas son secantes cuando tienen un punto común y éstas a su vez pueden ser:

- a) Rectas oblicuas: Si se cortan formando ángulos diferentes, o
- b) Rectas perpendiculares

Dos rectas son perpendiculares cuando se cortan formando cuatro ángulos iguales.

Cada uno de ellos recibe el nombre de ángulos rectos.



$$A \perp B$$
 si $\alpha = \beta = \gamma = \delta$

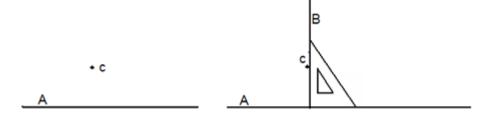


Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Dado un punto perteneciente a una recta o exterior a ella, por él pasa una y sólo una perpendicular a dicha recta.

El trazado de perpendiculares puede efectuarse con escuadra, por un punto perteneciente a la recta o exterior a la misma.



Rectas paralelas

Dos rectas son paralelas cuando no tienen ningún punto en común, o cuando son coincidentes.

El trazado de paralelas puede efectuarse con regla y escuadra como lo muestra la figura

Dado un punto perteneciente a una recta o exterior a ella, por pasa una y sólo una paralela a dicha recta.

97

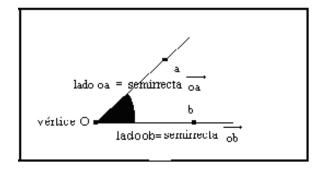


Colegio Nacional de Monserrat

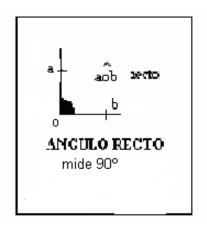
Curso de Ingreso 2014

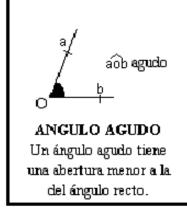
Ángulos

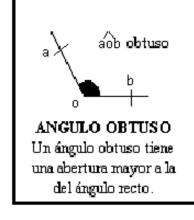
Cuando dos rectas se cortan en el plano, forman 4 regiones llamadas ángulos. Cada ángulo está limitado por dos semirrectas y sus elementos son:

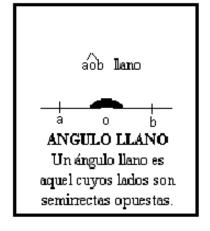


Clasificación de ángulos







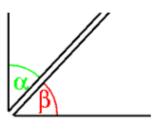




Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

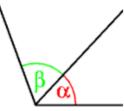
Dos <u>ángulos</u> son **complementarios** cuando la suma de sus medidas es un recto.



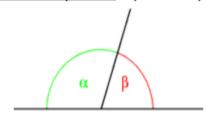
Dos <u>ángulos</u> son **suplementarios** cuando la suma de sus medidas es dos rectos (180°).



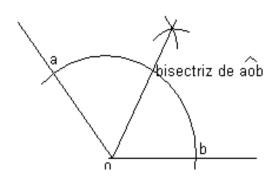
Dos <u>ángulos</u> de un mismo <u>plano</u> son **consecutivos** cuando tienen un lado y el vértice en común. Por extensión, dados varios ángulos en un cierto orden, son consecutivos cuando cada uno de ellos es consecutivo con el siguiente.



Dos <u>ángulos</u> son **adyacentes** cuando son <u>consecutivos</u> y los lados no comunes son <u>semirrectas opuestas</u>. a y β son adyacentes



Bisectriz: La bisectriz de un <u>ángulo</u> o un sector angular es la semirrecta interior al ángulo que determina en el ángulo dos ángulos iguales. Para trazar con regla y compás: Con centro en el vértice del ángulo, se traza un arco que corte a los lados, quedan determinados los puntos a y b. Luego se trazan dos arcos de cualquier radio, mayor que la mitad del arco ab con centro en a y b respectivamente. Se determina la semirrecta entre el vértice y el punto de intersección de los dos arcos. Esta semirrecta es la bisectriz



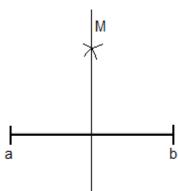


Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Mediatriz: La mediatriz de un segmento es la recta perpendicular al segmento trazada por su punto medio.

Para trazar con regla y compás: Con centro en el extremo a del segmento, se trazan dos arcos con cualquier radio mayor que la mitad del segmento ab como muestra la figura y luego se repite lo mismo haciendo centro en b con el mismo radio elegido anteriormente. Luego se dibuja la recta determinada por la intersección de los arcos y ésta es la mediatriz del segmento ab.



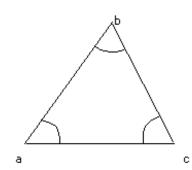
Triángulo

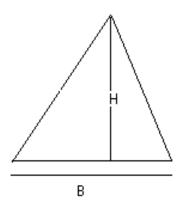
El triángulo es un <u>polígono</u> formado por tres lados y tres ángulos. La suma de todos sus ángulos interiores es siempre 180°.

Para calcular el <u>área</u> se emplea la siguiente fórmula.

Área del triángulo = (base x altura) : 2

Perimetro = $L_1 + L_2 + L_3$





Clasificación de triángulos

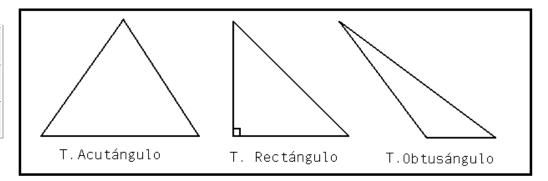
Los triángulos se pueden clasificar según la medida de sus ángulos de la siguiente manera:



Colegio Nacional de Monserrat

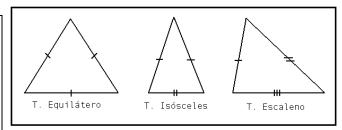
Curso de Ingreso 2014

| Triángulo Acutángulo | Tiene sus tres ángulos agudos. |
|-----------------------|--------------------------------|
| Triángulo Rectángulo | Tiene un ángulo recto. |
| Triángulo Obtusángulo | Tiene un ángulo obtuso. |



Los triángulos se pueden clasificar según la medida de sus lados de la siguiente manera.

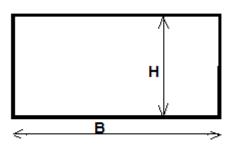
| Triángulo Equilátero | Tiene sus tres lados de igual medida. | | | | |
|-----------------------|--|--|--|--|--|
| rianaliia sasceles | Tiene dos lados de igual medida. En tal caso, el lado distinto se llama base. | | | | |
| Triángulo Escaleno | Tiene sus tres lados de distinta medida. | | | | |



Rectángulo:

El rectángulo es un <u>polígono</u> de cuatro ángulos iguales. Sus cuatro ángulos son de 90° cada uno. El <u>área</u> de esta figura se calcula mediante la fórmula:

Área del rectángulo = base x altura o bien:





Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

Perímetro =
$$B \times 2 + H \times 2$$

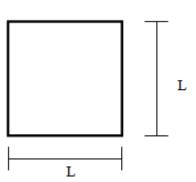
= $(B+H) \times 2$

Cuadrado:

Polígono regular de cuatro lados y cuatro ángulos iguales.

Cada uno de eso ángulos mide 90°.

Sus lados son paralelos dos a dos. La siguiente figura es un ejemplo:



La superficie de un cuadrado de lado L se obtiene multiplicando el valor del lado por si mismo:

Área =
$$L \times L = L^2$$

Dado que los cuatro lados de un cuadrado miden lo mismo, el perímetro de un cuadrado de lado L es justamente cuatro veces el valor del lado:

$$Perimetro = L \times 4$$

Círculo:

El círculo es la región delimitada por una circunferencia, siendo ésta el lugar geométrico de los puntos que equidistan del centro.

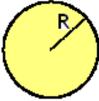
Los elementos de un círculo son:

O= Centro

D = Diámetro del círculo

R = Radio del Círculo

 $D=2 \times R$



El <u>área</u> de esta figura se calcula mediante la fórmula:

Area =
$$3,14 \times R^2$$

Longitud de la circunferencia = $2.\pi$. R

$$= \pi. D$$



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCITACIÓN

| EJERCICIO Nº 1 | <u>1</u> : E | En el plano | α de la | figura se | destacan | cinco p | ountos: (| a, b, c, | dye. | Traza lo | os siguiente | s conjuntos | de puntos | y es- |
|-------------------|--------------|-------------|---------|-----------|----------|---------|-----------|----------|------|----------|--------------|-------------|-----------|-------|
| cribe su símbolo. | | | | | | | | | | | | - | | |

- f) Pintar con verde el semiplano determinado por la recta que pasa por e y c al cual pertenece el punto a.
- g) Qué clase de rectas son las que pasan por los puntos a, b y e, c:
- h) Que figura quedó formada entre los puntos e, c y d:

EJERCICIO Nº 2: ¿Cuántas rectas se pueden formar con tres puntos pertenecientes a un plano? ¿Es única la respuesta?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 3: En la figura siguiente, designa con una letra cada uno de sus puntos y encuentra y nombra lo siguiente

| a) | Dos ángulos agudos: y y | | |
|------|---|----------------|-----|
| b) | Dos ángulos obtusos: y | | |
| c) | Dos ángulos rectos: y y | | |
| d) | Dos ángulos llanos: y | | |
| EJER | CICIO Nº 4: De los ángulos nombrados anteriormente escribe la mec | lida de cada u | no: |
| a) | Dos ángulos agudos: y | | |
| b) | Dos ángulos obtusos: y | | |
| c) | Dos ángulos rectos: y | | |
| d) | Dos ángulos llanos: y | | |



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 5: Marca y mide en el siguiente rectángulo:

- a) Un par de ángulos consecutivos complementarios.
- b) Un par de ángulos consecutivos suplementarios.
- c) Un par de ángulos iguales.

EJERCICIO Nº 6: ¿Cuál será el valor del ángulo?

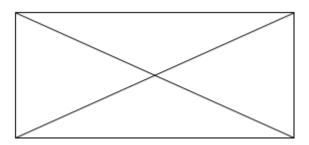
- a) Si su tercera parte vale 33°?:
- **b)** Si su duplo mide 48°?:
- c) Si su mitad mide 90°?:
- d) Si su triplo mide 144°?:

EJERCICIO Nº 7: Trazar:

- a) Un ángulo de 42° y su complemento.
- b) Un ángulo de 127° y su suplemento.
- c) Un segmento de 7,5 cm y su mediatriz
- d) Un ángulo de 78° y su bisectriz

EJERCICIO Nº 8:

Dibuje un segmento \overline{ab} de 5,5 cm. Trácele su mediatriz y marque sobre ella un punto que se encuentre a 4 cm de los extremos. ¿Hay una única solución?





Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 9: Completar mientras sea posible:

| Angulo | Complementario | Suplementario | | | |
|--------|----------------|---------------|--|--|--|
| α | 90° - α | 180° - α | | | |
| 32° | | | | | |
| 79° | | | | | |
| | 30° | | | | |
| | 75° | | | | |
| | | 42° | | | |
| | | 125° | | | |



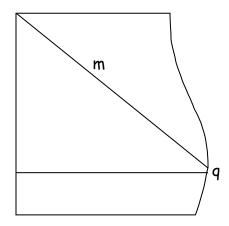
Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 10:

Dibuja un ángulo de 130° y luego trázale la bisectriz. ¿Cuánto medirán cada uno de los ángulos que quedan determinados?

EJERCICIO Nº 11:

En el ángulo de vértice q, se ha trazado la bisectriz que contiene al punto m, pero se ha roto la hoja donde estaba dibujada. ¿Podrías completar la figura?



EJERCICIO Nº 12: Construye un triángulo cuyos tres lados sean iguales. ¿Qué nombre recibe?

EJERCICIO Nº 13: Construye un triángulo con dos lados que midan 5 cm y el tercero 3 cm. ¿Qué nombre recibe el triángulo?

EJERCICIO N° 14: Construye un triángulo con tres lados desiguales. ¿Qué nombre recibe?



Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

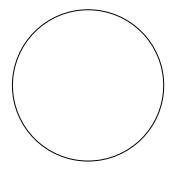
EJERCICIO Nº 15: Contesta

- a) El complemento de un ángulo es 9 veces más grande que el ángulo ¿Cuál es la medida del ángulo?
- b) El suplemento de un ángulo es el quíntuplo del ángulo, ¿Cuáles son sus medidas?

<u>EJERCICIO Nº 16</u>: Construye un cuadrado de 3 cm de lado y un rectángulo donde el lado menor mide lo mismo que el lado del cuadrado y el lado mayor sea el doble.

EJERCICIO Nº 17: En la siguiente figura trazar:

- a) El diámetro
- b) El radio
- c) La cuerda
- d) El arco correspondiente



EJERCICIO Nº 18: Calcular en un círculo (expresar los resultados en metros):

- b) El radio, sabiendo que su diámetro mide 0,75 dam :
- c) La longitud si su radio mide 6 cm:
- d) La superficie sabiendo que su diámetro mide 3 cm:



Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 19: ¿Cuál es el perímetro de una carpeta triangular equilátera, cuyo lado mide 17 cm?

EJERCICIO Nº 20: Se ha dibujado un triángulo isósceles donde uno de los lados iguales mide 14 cm y el otro mide 10 cm. ¿Cuál es el perímetro?

<u>EJERCICIO N° 21</u>: Se desea cercar con alambre un cantero cuyos lados miden 2,50 m, 7,50 m y 6,80 m ¿Cuánto alambre se necesita?

<u>EJERCICIO N° 22</u>: Trace un circunferencia y dos diámetros perpendiculares, donde corten a la circunferencia llámelos a, b, c y d. Trace el cuadrilátero que queda formado por esos puntos. ¿Qué es?

<u>EJERCICIO N° 23</u>: Se desean colocar tres vueltas de cinta a un mantel cuadrado de 4,75 m de lado. ¿Cuántos centímetros de cinta se deberá comprar? Si el metro de cinta cuesta \$ 0,85, ¿cuánto se pagará?

EJERCICIO N° 24: Alrededor de una pista rectangular de la escuela se han colocado sillas para un espectáculo. Sabiendo que el lado más largo mide 18 m y el más corto 2/3 partes del mas largo ¿Qué longitud ocupan?

EJERCICIO Nº 25: ¿Cuánto mide el lado de:

- a) Un cuadrado cuyo perímetro es de 143,2 cm?
- b) Un triángulo equilátero cuyo perímetro es de 62,4 cm?

EJERCICIO Nº 26: Las ruedas de una bicicleta miden 30 cm de radio. ¿Cuántos metros avanzan en 10 vueltas completas?

EJERCICIO N° 27: Calcular la superficie de un rectángulo que tiene 3,20 m de base y 1,10 m de altura.



Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 28: Calcular la superficie de un terreno rectangular que tiene 12,50 m de frente y 320 dm de largo.

EJERCICIO N° 29: ¿Cuál es la superficie de un rectángulo de 8,20 m de base y altura igual a la cuarta parte de la base?

<u>EJERCICIO Nº 30</u>: Calcular la superficie de un rectángulo cuya base es de 12 m y su altura las 2/3 partes de la base. Expresar el resultado en cm².

EJERCICIO N° 31: ¿Cuántos m² de pared hay que pintar si esta tiene 5m de largo y 32 dm de alto, descontando una puerta de 1,20 m por 2,8 m?

EJERCICIO N° 32: Calcular la superficie de un cuadrado cuyo lado es de 3,5 m.

EJERCICIO Nº 33: Calcular la superficie de un cuadrado cuyo perímetro es de 0,26 m.

EJERCICIO Nº 34: Calcular la superficie de un triángulo cuya base es de 15 cm y su altura es de 0,08 m.

EJERCICIO N° 35: El perímetro de un triángulo equilátero es de 13,80 m y su altura de 4,008 m. ¿Cuál es su superficie?

EJERCICIO N° 36: Calcular la superficie de un círculo de 4 m de radio.



Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 37: Calcular la superficie de círculo de 18 m de diámetro.

EJERCICIO N° 38: Calcular los m^{2} de mosaicos que se necesitan para cubrir un patio de forma rectangular, cuyos lados son de 6 m y 5 m respectivamente, si en el centro del mismo hay un cantero cuya forma es de un triángulo equilátero de 6 m de perímetro y altura igual a 1,73 m.

EJERCICIO N° 39: Calcular el largo de un terreno rectangular sabiendo que su superficie es de 226,92 m² y su ancho de 12,4 m.

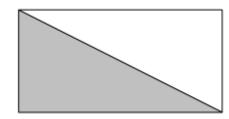
EJERCICIO Nº 40: ¿Cuál es el lado de un cuadrado cuya superficie es de 81 dm²?

EJERCICIO N° 41: ¿Cuál es el lado de un cuadrado cuya superficie es igual a la de un rectángulo de 20 cm de base y 3,2 cm de altura?

EJERCICIO Nº 42: Calcular el perímetro de un cuadrado de 49 cm² de superficie.

EJERCICIO N° 43: Calcular las superficies sombreadas en las siguientes figuras:

a) Rectángulo de lados igual a 4 m y 8 m respectivamente.

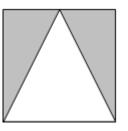




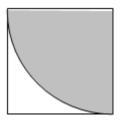
Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

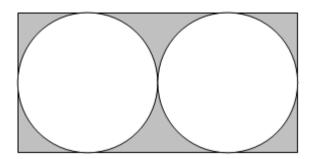
b) Cuadrado de 3 m de lado



c) Cuadrado de lado de 5 m

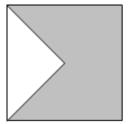


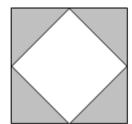
d) Rectángulo cuyo lado menor es de 4 m

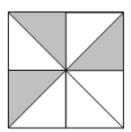


e) Cuadrado cuyo perímetro es de 36 cm

f)





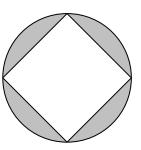




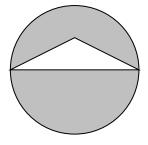
Colegio Nacional de Monserrat

Curso de Ingreso 2014

f) Círculo cuyo diámetro es de 36 cm.

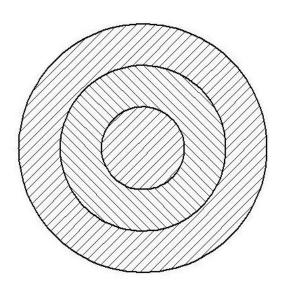


g) Círculo cuyo diámetro es de 36 cm (el vértice superior del triángulo se encuentra a la mitad del radio)



EJERCICIO N° 44: El gráfico de la derecha corresponde a una alfombra de 6 m de diámetro. Contesta:

- a) ¿cuántos metros cuadrados ocupa cada rayado?
- b) ¿Cuántos metros de flecos se deben colocar alrededor?

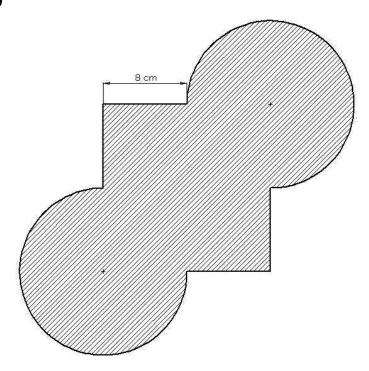




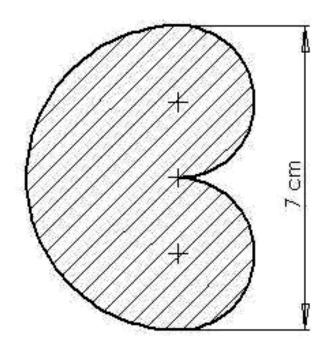
Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

$\underline{\textit{EJERCICIO N° 45}}$: Calcula la superficie y el perímetro de las siguientes figuras:

a)



b)



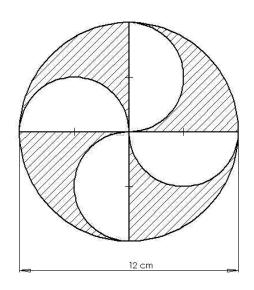


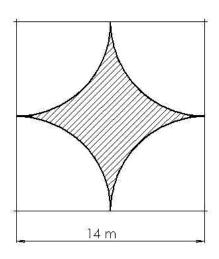
Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO N° 46: Calcula la superficie de la parte sombreada

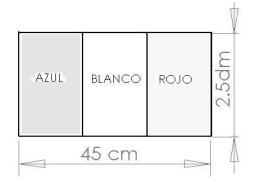
a)







EJERCICIO N° 47: Debo confeccionar tres docenas de banderas como las que se indican en el siguiente gráfico:



- a) ¿Cuántos dm² tiene cada franja?
- b) ¿Cuántos m² de cada color se necesitan?

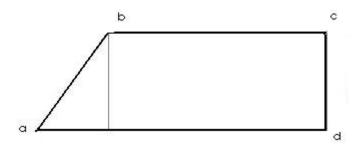


Colegio Nacional de Monserrat Curso de Ingreso 2014

EJERCICIO Nº 48: El gráfico representa un terreno.

Datos: $\overline{ad} = 24 \ cm$; $\overline{ab} = 10 \ cm$; $\overline{bc} = \frac{3}{4} \ de \ \overline{ad}$; $\overline{dc} = \frac{1}{3} \ de \ \overline{ad}$

- a) ¿Cuantos m² tiene el terreno?
- b) ¿Cuántos metros de alambre se necesitan para rodearlo con 3 vueltas?



c) ¿Cuántos rollos deben comprarse si cada rollo tiene 25 m de alambre?

<u>EJERCICIO N° 51</u>: Una puerta de madera tiene 1,95 m² de superficie. Las $^2/_5$ partes están ocupadas por 6 vidrios de igual tamaño.

- a)- ¿Cuántos dm² mide cada vidrio?
- b)- ¿Cuántos m² tiene la madera en la puerta?